

ÉPREUVE HARMONISÉE RÉGIONALE DE MATHÉMATIQUES 2026

Examen : BT **Série** : ESF-IH **Durée** : 2 heures **Coef** : 2

EXERCICE 1 : 5 points

Exercice 1: 5 points

Voici la répartition des salaires mensuels en dizaines de milliers de francs CFA des employés d'une grande ferme de la ville ;

Salaire mensuel (x_i)	[50; 60[[60; 70[[70; 80[[80; 90[
Effectif (n_i)	12	20	40	18

- 1-) Répondre par **Vrai** ou par **Faux sans recopier** la question. 0,25ptx4=1pt
 - a) Le caractère étudié est de nature qualitative.
 - b) Les salaires sont regroupés en intervalles d'amplitude 10
 - c) La classe modale est 40
 - d) Cette grande ferme compte 70 employés.
- 2-) Quel est le pourcentage des employés ayant un salaire supérieur à 700 000FCFA ? 1pt
- 3-) Calculer le salaire moyen et l'écart-type de cette série statistique. 1,5pt
- 4-) Construire le polygone des effectifs cumulés décroissants et déterminer graphiquement la médiane de cette série statistique. 1,5pt

Exercice 2: 5points

- 1-) Résoudre dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ le système suivant :
$$\begin{cases} 2\ln x + \ln y = 1 \\ 5\ln x + 3\ln y = 4 \end{cases}$$
 1,25pt
- 2-a) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation suivante : $x^2 + x - 6 = 0$ 0,75pt
- b) En déduire dans \mathbb{R} les solutions de l'équation $(\ln x)^2 + \ln x - 6 = 0$ 1pt
- c) En déduire dans \mathbb{R} les solutions de l'inéquation $(\ln x)^2 + \ln x - 6 \geq 0$ 1pt
- 3-) Soit h la fonction définie dans \mathbb{R} par $h(x) = \frac{2x^2+1}{x-1}$
 - a) Vérifier que pour tout x différent de 1, $h(x) = 2x + 2 + \frac{3}{x-1}$ 0,5pt
 - b) En déduire la forme générale des primitives H de h sur l'intervalle $]1; +\infty[$ 0,5pt

Problème : 10 points

Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x - \ln x$. On note (C_f) sa courbe représentative dans un repère orthonormé $(O ; I ; J)$ d'unité 1cm sur chaque axe.

- 1-a) Déterminer l'ensemble de définition de f . 0,5pt
- b-) Calculer la limite de f en 0^+ et interpréter graphiquement le résultat obtenu. 1pt
- c-) Vérifier que pour tout $x > 0$; $f(x) = x(1 - \frac{\ln x}{x})$ et en déduire la limite de f en $+\infty$. 1pt

2- a) Vérifier que la dérivée f' de f est définie pour tout $x > 0$ par $f'(x) = \frac{x-1}{x}$. 1pt

b-) Dresser le tableau de variations de f . 0,75pt

c) Donner une équation de la tangente (T) à (Cf) en $x_0 = 1$. 0,75pt

3-a) Recopier et compléter le tableau ci-dessous : 0,25ptx5=1,25pt

x	0,25	0,5	1	3	5
$f(x)$					

b) Construire la courbe (Cf) et (T) dans le repère orthonormé $(O ; I ; J)$. 1,5pt

4-) Soit F la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par $F(x) = 0,5x^2 + x - x \ln x$

a-) Montrer que $\forall x \in]0; +\infty[$, $F'(x) = f(x)$. 0,75pt

b-) En déduire alors la valeur de l'intégrale $A = \int_1^2 f(x) dx$. 1pt

c-) Interpréter graphiquement le résultat de l'intégrale A . 0,5pt