



Exercice 1

4,5points

A. On considère la courbe de la fonction numérique de la variable réelle h , de tableau de variations ci-dessous

- | | |
|--|--------|
| 1) Quel est le domaine de définition de h . | 0,25pt |
| 2) Donner $h(-2), h(0)$ et $h(3)$. | 0,75pt |
| 3) Donner un antécédent de -1 par h . | 0,5pt |
| 4) Déterminer le maximum de h ainsi que la valeur où il est atteint. | 0,5pt |
| 5) Déterminer le minimum de h ainsi que la valeur où il est atteint. | 0,5pt |
| 6) Donner le sens de variation de la fonction h . | 0,75pt |
| 7) Comparer $h(-1,5)$ et $h(-1)$. | 0,25pt |

x	-5	-2	0	3
$f(x)$	-1	4	0	3

B. On considère les fonctions numériques d'une variable réelle g et h définies par :

$$g(x) = \sqrt{2x + 3} \text{ et } h(x) = \frac{x+3}{-x+1}.$$

Déterminer le domaine de définition de chacune de ces fonctions.

1pt

Exercice 2 :

5points

1. Donner un exemple de polynôme de la variable réelle y de degré 3 dont le coefficient du monôme de degré 3 vaut -4 . 0,5pt

2. On considère le polynôme P de la variable réelle x défini par :

$$P(x) = 2x^2 - 10x + 12$$

- a. Donner la forme canonique de P . 1pt
b. En déduire les racines du polynôme P . 0,5pt

3. On considère le polynôme de la variable réelle x , Q défini par :

$$Q(x) = 2x^3 + 3x^2 - 3x - 2$$

- a. Montrer que 1 est une racine de Q . 0,5pt
b. Déterminer les réels a, b et c tels que $Q(x) = (x - 1)(ax^2 + bx + c)$. 1pt
c. Vérifier que pour tout réel x , $Q(x) = (x - 1)(x + 2)(2x + 1)$. 0,5pt
d. Donner le tableau des signes de Q . 1pt

Problème

10,5points

Partie A :

4,25pts

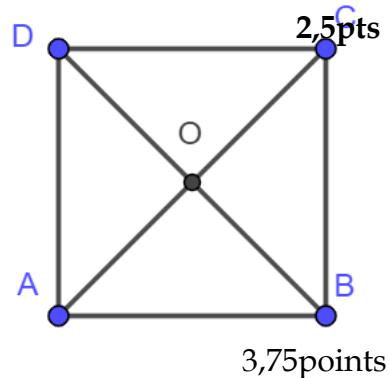
- Pour chacune des assertions suivantes, répondre par vrai ou faux en justifiant votre réponse.
 - Il existe un réel t tel que $\sin t = -1,305$. 0,5pt
 - L'équation $\cos(x^2 + 3x - 5) = 4$ n'admet aucune solution dans \mathbb{R} . 0,5pt
- Déterminer $\cos \frac{\pi}{10}$ sachant que $\sin \frac{\pi}{10} = \frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$. 1pt
- Déterminer les mesures principales des angles de mesures respectives $\frac{2025\pi}{7}, \frac{\pi}{12}, -\frac{\pi}{5}$ et $-\frac{481\pi}{5}$. 1,5pt
- Le plan est muni d'un repère orthonormé $(0, I, J)$; l'unité sur les axes est deux centimètres. Placer sur le cercle trigonométrique les points images de $\frac{3\pi}{4}$ et de $-\frac{\pi}{3}$. 0,75pt

Partie B :

Sur la figure ci-contre ci - contre ABCD est un carré de sens direct de centre O.

Donner une a mesure de chacun des angles orientés :

$(\widehat{AB}, \widehat{AC})$, $(\widehat{CD}, \widehat{CB})$, $(\widehat{BO}, \widehat{OA})$, $(\widehat{AO}, \widehat{OC})$, $(\widehat{DO}, \widehat{DB})$. 2,5pts.



3,75points

Partie C :

Le plan est muni du repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$. L'unité sur les axes est le centimètre.

On considère les vecteurs $\vec{e}_1 = 4\vec{i} + 3\vec{j}$, $\vec{e}_2 = 3\vec{i} - 4\vec{j}$ et $\vec{w} = \left(\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}\right)\vec{i} + \left(\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}\right)\vec{j}$.

1. Montrer que (\vec{e}_1, \vec{e}_2) est une base de l'ensemble des vecteurs du plan. Est - elle une base orthonormée ? 1pt
2. Montrer que le vecteur \vec{w} est un vecteur unitaire. 1pt
3. Soit $\vec{u}(2, -1)$ dans la base (\vec{e}_1, \vec{e}_2) , déterminer les coordonnées de \vec{u} dans la base (\vec{i}, \vec{j}) . 0,75pt
4. Soit $\vec{v} = \vec{i} - 2\vec{j}$, déterminer les coordonnées de \vec{v} dans la base (\vec{e}_1, \vec{e}_2) . 1pt