



### Exercice 1

4,5points

A. On considère la courbe de la fonction numérique de la variable réelle  $h$ , de tableau de variations ci-dessous

- 1) Quel est le domaine de définition de  $h$ . 0,25pt
- 2) Donner  $h(-2)$ ,  $h(0)$  et  $h(3)$ . 0,75pt
- 3) Donner un antécédent de -1 par  $h$ . 0,5pt
- 4) Déterminer le maximum de  $h$  ainsi que la valeur où il est atteint. 0,5pt
- 5) Déterminer le minimum de  $h$  ainsi que la valeur où il est atteint. 0,5pt
- 6) Donner le sens de variation de la fonction  $h$ . 0,75pt
- 7) Comparer  $h(-1,5)$  et  $h(-1)$ . 0,25pt

$x$	-5	-2	0	3
$f(x)$	-1	4	0	3

B. On considère les fonctions numérique d'une variable réelle  $g$  et  $h$  définies par :

$$g(x) = \sqrt{2x+3} \text{ et } h(x) = \frac{x+3}{-x+1}.$$

Déterminer le domaine de définition de chacune de ces fonctions.

1pt

### Exercice 2 :

5points

1. Donner un exemple de polynôme de la variable réelle  $y$  de degré 3 dont le coefficient du monôme de degré 3 vaut -4. 0,5pt

2. On considère le polynôme  $P$  de la variable réelle  $x$  défini par :

$$P(x) = 2x^2 - 10x + 12$$

- a. Donner la forme canonique de  $P$ . 1pt
- b. En déduire les racines du polynôme  $P$ . 0,5pt

3. On considère le polynôme de la variable réelle  $x$ ,  $Q$  défini par :

$$Q(x) = 2x^3 + 3x^2 - 3x - 2$$

- a. Montrer que 1 est une racine de  $Q$ . 0,5pt
- b. Déterminer les réels  $a$ ,  $b$  et  $c$  tels que  $Q(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$ . 1pt
- c. Vérifier que pour tout réel  $x$ ,  $Q(x) = (x-1)(x+2)(2x+1)$ . 0,5pt
- d. Donner le tableau des signes de  $Q$ . 1pt

### Problème

10,5points

#### Partie A :

4,25pts

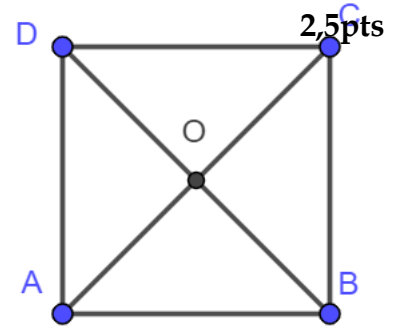
1. Pour chacune des assertions suivantes, répondre par vrai ou faux en justifiant votre réponse.
  - i. Il existe un réel  $t$  tel que  $\sin t = -1,305$ . 0,5pt
  - ii. L'équation  $\cos(x^2 + 3x - 5) = 4$  n'admet aucune solution dans  $\mathbb{R}$ . 0,5pt
2. Déterminer  $\cos \frac{\pi}{10}$  sachant que  $\sin \frac{\pi}{10} = \frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$ . 1pt
3. Déterminer les mesures principales des angles de mesures respectives  $\frac{2025\pi}{7}$ ,  $\frac{\pi}{12}$ ,  $-\frac{\pi}{5}$  et  $-\frac{481\pi}{5}$ . 1,5pt
4. Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O, I, J)$  ; l'unité sur les axes est deux centimètres. Placer sur le cercle trigonométrique les points images de  $\frac{3\pi}{4}$  et de  $-\frac{\pi}{3}$ . 0,75pt

**Partie B :**

Sur la figure ci-contre ci - contre ABCD est un carré de sens direct de centre O.

Donner une a mesure de chacun des angles orientés :

$(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ ,  $(\overrightarrow{CD}, \overrightarrow{CB})$ ,  $(\overrightarrow{BO}, \overrightarrow{OA})$ ,  $(\overrightarrow{AO}, \overrightarrow{OC})$ ,  $(\overrightarrow{DO}, \overrightarrow{DB})$ . 2,5pts.



3,75points

**Partie C :**

Le plan est muni du repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ . L'unité sur les axes est le centimètre.

On considère les vecteurs  $\vec{e}_1 = 4\vec{i} + 3\vec{j}$ ,  $\vec{e}_2 = 3\vec{i} - 4\vec{j}$  et  $\vec{w} = (\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4})\vec{i} + (\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4})\vec{j}$ .

1. Montrer que  $(\vec{e}_1, \vec{e}_2)$  est une base de l'ensemble des vecteurs du plan. Est - elle une base orthonormée ? 1pt

2. Montrer que le vecteur  $\vec{w}$  est un vecteur unitaire. 1pt

3. Soit  $\vec{u}(2, -1)$  dans la base  $(\vec{e}_1, \vec{e}_2)$ , déterminer les coordonnées de  $\vec{u}$  dans la base  $(\vec{i}, \vec{j})$ . 0,75pt

4. Soit  $\vec{v} = \vec{i} - 2\vec{j}$ , déterminer les coordonnées de  $\vec{v}$  dans la base  $(\vec{e}_1, \vec{e}_2)$ . 1pt