



COLLÈGE D'ENSEIGNEMENT SECONDAIRE BILINGUE

## EVALUATION SOMMATIVE N° 2

DECEMBRE 2025

Discipline	Coef	Classe	Durée	Examineur
MATHEMATIQUES	6	1 <sup>ère</sup> C	3h	DEPARTEMENT

*La présentation et la clarté des raisonnements sont pour une part importante dans l'appréciation de la copie*

### PARTIE A : EVALUATION DES RESSOURCES

#### Exercice 1 :

- I-1. Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation:  $4x^2 - 2x - 1 = 0$ . 0,5pt
- Pour toute la suite, on pose  $x = \cos \frac{\pi}{5}$  et  $y = \sin \frac{\pi}{5}$ .
2. Exprimer  $\sin \frac{2\pi}{5}$  en fonction de  $x$  et  $y$ . 0,5pt
3. a) Justifier que  $\cos \frac{2\pi}{5} = 1 - 2y^2 = 2x^2 - 1$ . 0,75pt
- b) En déduire que  $\sin \frac{3\pi}{5} = y(4x^2 - 1)$ . 0,5pt
4. a) Justifier que  $\sin \frac{2\pi}{5} = \sin \frac{3\pi}{5}$ . 0,25pt
- b) En déduire que  $x$  vérifie l'équation :  $4x^2 - 2x - 1 = 0$ . 0,5pt
- c) Déduire alors que:  $\cos \frac{\pi}{5} = \frac{\sqrt{5}+1}{4}$  et  $\sin \frac{\pi}{5} = \frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$ . 0,5pt+0,5pt
- II- 1. Montrer que pour tout  $x$  réel,  $\cos x \sin x \cos 2x \cos 4x \cos 8x = \frac{1}{16} \sin 16x$ . 0,75pt
2. En déduire que  $\cos \frac{\pi}{32} \sin \frac{\pi}{32} \cos \frac{\pi}{16} \cos \frac{\pi}{8} \cos \frac{\pi}{4} = \frac{1}{16}$ . 0,25pt

#### Exercice 2 :

I-Dans le tableau ci-dessous, pour chacune des questions de la deuxième colonne de gauche, il vous est proposé trois réponses parmi lesquelles une seule est juste ; reproduire sur votre feuille de composition le numéro de la question et celui de la réponse juste correspondante. 0,5pt+0,5pt

N°	Questions	Réponse (a)	Réponse (b)	Réponse (c)
1	$A$ et $B$ sont deux points du plan euclidien ; $I$ est le milieu de $[AB]$ ; $G$ est barycentre du système $\{(A, 3); (B, -1)\}$ . L'ensemble des points $M$ tels que $\ 3\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}\  = \ \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}\ $ est :	Le cercle de diamètre $[GI]$	$\emptyset$	La médiatrice de $[GI]$
2	$G$ est le barycentre du système de points pondérés du plan $\{(A, \cos^2 \alpha), (B, -\sin^2 \alpha), (C, \frac{1}{2})\}$ avec $\alpha \in ]-\pi; \pi[$ ; $G$ existe pour $\alpha =$	$-\frac{2\pi}{3}$	$-\frac{\pi}{3}$	$-\frac{3\pi}{2}$

II- Soit  $ABC$  un triangle et  $M$  le milieu du segment  $[AC]$ .

- 1) Placer les points  $I$  et  $D$  tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{CD} = \frac{3}{4}\overrightarrow{CI}$ . 0,5pt
- 2) Démontrer alors que les points  $B, D$  et  $M$  sont alignés. 0,75pt
- 3) Soient  $O, J$  et  $K$  trois points non alignés du plan tels que  $\overrightarrow{AO} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{CJ} = \frac{1}{4}\overrightarrow{CB}$  et  $\overrightarrow{CK} = \frac{2}{5}\overrightarrow{CA}$ .

Montrer que les droites  $(AJ)$ ,  $(BK)$  et  $(CO)$  sont concourantes. 1pt

III-  $A$  et  $B$  sont deux points distincts du plan. Montrer que  $MA^2 + MB^2 = 2MI^2 + \frac{AB^2}{2}$ . 0,75pt

IV- On considère  $(C)$  et  $(C')$  les cercles d'équations cartésiennes respectives :  $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 3 = 0$  et  $x^2 + y^2 - 6x + 8y + 23 = 0$ . Soit  $(D)$  la droite d'équation cartésienne  $x - y + c = 0$ .

Déterminer  $c$  pour que  $(D)$  soit une tangente commune à  $(C)$  et  $(C')$ .

1pt

### Exercice 3

1. Déterminer l'ensemble de définition de la fonction  $n$  définie par :  $n(x) = \begin{cases} \frac{4-x}{x-1} & \text{si } x < 2 \\ \frac{x^2+x-2}{x} & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$  0,75pt

2. L'application  $f$  définie de  $\mathbb{N}$  vers  $\mathbb{N}$  par  $f(n) = \begin{cases} \frac{n}{2}, & \text{si } n \text{ est pair} \\ \frac{n+1}{2}, & \text{si } n \text{ est impair} \end{cases}$  est-elle surjective ? 0,5pt

3. Soient  $a$  et  $b$  deux nombres réels ;  $g$  la fonction définie de  $\mathbb{R} - \{a\} \rightarrow \mathbb{R} - \{b\}$  par  $g(x) = \frac{x+3}{x-1}$ .

i) Comment faut-il choisir  $a$  pour que  $g$  soit une application ?

0,25pt

Dans la suite, on suppose que  $a = 1$ .

ii) Déterminer  $b$  pour que  $g$  soit bijective.

0,5pt

iii) Déterminer l'ensemble de définition de  $g \circ g$  et l'expression de  $g \circ g(x)$ .

0,5pt+0,5pt

iv) En déduire alors la bijection réciproque  $g^{-1}$  de  $g$ .

0,25pt

5i) Montrer que le point  $A(1; 1)$  est un centre de symétrie pour la courbe  $(C_g)$ .

0,75pt

6i) Montrer que la courbe  $(C_g)$  s'obtient à l'aide d'une hyperbole dont l'équation est à déterminer.

1pt

## PARTIE B : EVALUATION DES COMPETENCES

**Situation :** Mr Aladji Bouba est un grand éleveur dans la région de l'Adamaoua; il possède une grande réserve qu'il a séparé en trois parties comme l'indique les figures ci-dessous . Sur la **parcelle 1** ayant la forme d'un carré (ABCD) il élève de la volailles , sur la **parcelle 2** ayant la forme d'un cercle il élève des chèvres et sur la **parcelle 3** ayant la forme d'un triangle rectangle il y élève des moutons . Il subit très fréquemment des attaques . On lui conseille d'entourer chacune de ses parcelles de fils de fer électriques qui coutent 10 000FCFA le mètre . La **parcelle 1** ( $C$ ) étant le cercle trigonométrique , les points A , B , C et D sont les points images des solutions dans  $]-\pi; \pi]$  de l'équation trigonométrique :  $4\cos^2 x - 1 = 0$  (on prendra 100m  $\rightarrow$  1 unité )

**La parcelle 2** représente le cercle de centre  $\Omega(a; 1)$  (où  $a$  est le réel le plus petit possible), tangent à deux droites d'équations  $-x + 2y - 57 = 0$  et  $2x - y + 96 = 0$

**La parcelle 3** a la forme d'un triangle rectangle dont l'hypoténuse mesure 72,5m et dont l'aire est de  $429m^2$ .

Tâche 1 : Combien dépensera Aladji Bouba pour l'achat du fil de fer électrique nécessaire pour entourer la **parcelle 1** . 1,5pt

Tâche 2 : Combien dépensera Aladji Bouba pour l'achat du fil de fer électrique nécessaire pour entourer la **parcelle 2** . 1,5pt

Tâche 3 : Combien dépensera Aladji Bouba pour l'achat du fil de fer électrique nécessaire pour entourer la **parcelle 3** . 1,5pt

Présentation 0,5pt