

L'épreuve comporte deux exercices et un problème répartis sur une page.

EXERCICE 1 : (6,5 points)

Une enquête est faite sur les dimensions des tissus remis à une couturière pendant la semaine précédant la journée internationale de la femme session 2020. Les données sont consignées dans le tableau ci-dessous :

Dimensions des tissus en yards	[1; 3]	[3; 5]	[5; 7]	[7; 9]	[9; 11]
Effectifs	8	12	6	15	9
Centres des classes					
Effectifs cumulés croissants					

- Déterminer le nombre de tissus reçu par cette couturière. **1pt**
- Vérifier que les classes de cette série sont de même amplitude et préciser-la. **1pt**
- Reproduire et compléter le tableau ci-dessus **2,5pts**
- Calculer la moyenne des longueurs des tissus reçus par cette couturière. **1pt**
- Construire l'histogramme des effectifs de cette série (1cm pour 2 yards de tissu en abscisses et 1cm pour 2 élèves en ordonnées). **1pt**

EXERCICE 2 : (4 points)

- Déterminer deux nombres x et y vérifiant le système (S) : $\begin{cases} 5x + 3y = 350 \\ 3x + 5y = 450 \end{cases}$ **1,5pt**
- M. TELA, styliste, va dans une mercerie, achète 20 boutons et 12 fermetures à 1400 F. Soudain, il se ravise et dit : je me suis trompé, donnez-moi plutôt 20 fermetures et 12 boutons. Le vendeur fait l'échange et lui demande de donner 400 F en plus.
 - Ecrire un système (S') de deux équations traduisant cette situation, **1,5pt**
 - Justifier que les systèmes (S) et (S') sont équivalents. **0,5pt**
 - En déduire le prix d'un bouton et celui d'une fermeture. **0,5pt**

PROBLEME : (9,5 points)

Le plan est muni d'un repère orthonormé $(O ; i ; j)$: unité sur les axes 1cm.

A- Soit la fonction g définie sur \mathbb{R} par $g(x) = x^3 + ax^2 + bx + 4$ où a et b sont des nombres réels, (C_g) sa courbe représentative.

- Déterminer en fonction de a et b la fonction dérivée g' de g . **0,75pt**
- Calculer a et b pour que (C_g) passe par des point $A(1 ; 2)$ et y admette une tangente à (C_g) de coefficient directeur -3 . **1pt**

B- On considère la fonction numérique f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4$ et (C_f) sa courbe représentative.

- Calculer les limites de f en $+\infty$ et en $-\infty$. **0,5pt**
- Justifier que la fonction dérivée f' de f est définie sur \mathbb{R} par : $f'(x) = 3x(x - 2)$. **0,5pt**
- a) Etudier le signe de $f'(x)$ pour $x \in \mathbb{R}$ et en déduire le sens des variations de f . **1,5pt**
b) Dresser le tableau des variations de f . **0,75pt**
- Déterminer une équation cartésienne de la tangente (D) à la courbe (C_f) au point $A(1 ; 2)$. **1pt**
- Recopier et compléter la table de valeurs ci-contre : **1,5pt**
- Construire (C_f) et (D). **2pts**

x	-2	-1	0	1	2	3
$f(x)$						