

L'épreuve comporte trois exercices répartis sur deux pages.

Exercice 1 (6,5 points)

Fotso, élève en Terminale CG, interroge son père (un commerçant de la ville) sur les dépenses et les chiffres d'affaire qu'il a réalisés pendant les six premiers mois de l'année. Les résultats en milliers de francs CFA sont consignés dans le tableau suivant:

Mois	janvier	février	mars	avril	mai	juin
Dépenses (x_i)	20	24	28	36	40	50
Chiffres d'affaire (y_i)	180	184	200	250	264	296

- Représenter le nuage de points (x_i, y_i) associé à cette série dans le plan rapporté à un repère orthogonal d'origine $O(0; 180)$ ayant pour unités :
 - 1 cm pour 10000 FCFA en abscisses ;
 - 1 cm pour 10000 FCFA en ordonnées.

2pts
- Calculer les coordonnées respectives de G , point moyen des 3 premiers points et de H , point moyen des 3 derniers points.

2pts
- Montrer que la droite (GH) a pour équation $y = \frac{41}{9}x + \frac{236}{3}$.

1,5pt
- En admettant que la corrélation entre les dépenses (x_i) et les chiffres d'affaire (y_i) est définie par l'équation ci-dessus, calculer le chiffre d'affaire du père de Fotso quand celui-ci a fait des dépenses de 80000 FCFA.

1pt

Exercice 2 (6,5 points)

On considère le polynôme p défini, pour tout t par : $p(t) = t^3 + t^2 - 10t + 8$

- Calculer $p(1)$.

0,5pt
- Montrer que : $p(t) = (t - 1)(t^2 + 2t - 8)$.

1pt
- a) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $t^2 + 2t - 8 = 0$.

1pt

b) En déduire les solutions dans \mathbb{R} de l'équation $p(t) = 0$.

1pt
- Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :
 - $(\ln t)^3 + (\ln t)^2 - 10 \ln t + 8 = 0$.

1,5pt
 - $(e^{3t}) + e^{2t} - 10 e^t + 8 = 0$.

1,5pt

Exercice 3 (7 points)

On considère la fonction numérique f de la variable x définie sur \mathbb{R} par :

$f(x) = 3(e^{2x} - e^x)$. On note (C) la courbe de f dans un repère orthogonal.

(unités : 2 cm en abscisse et 1 cm en ordonnée)

1. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $f(x) = 0$. **1pt**
2. Calculer $f(0)$ et $f\left(\ln\left(\frac{1}{2}\right)\right)$. **0,5pt**
3. Calculer les limites de f en $-\infty$ et en $+\infty$. **0,5pt**
4. a) Montrer que pour tout réel x dans \mathbb{R} , on a : $f'(x) = 3e^x(2e^x - 1)$. **1pt**
b) En déduire le tableau des variations de f . **1pt**
5. Tracer la courbe (C) de f dans le plan. **1,5pt**
6. Déterminer, en cm^2 , l'aire de la portion du plan limitée par la courbe (C) , l'axe des abscisses, les droites d'équations $x = 0$ et $x = 5$. **1,5pt**