



Cette épreuve comporte quatre exercices répartis sur deux pages. L'évaluateur tiendra compte de la qualité de la rédaction

Exercice 1 (5 points)

On considère la fonction numérique f , définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \frac{x^2+7x+11}{-x-2}$. On désigne par (C_f) sa courbe représentative dans le repère orthonormé (O,I,J)

- 1) Déterminer D_f 0,25pt
- 2) Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$ 1pt
- 3) En déduire que (C_f) possède une asymptote verticale dont on précisera une équation cartésienne. 0,25pt
- 4) Déterminer trois réels a , b et c tels que pour tout réel $x \neq -2$, $f(x) = ax + b + \frac{c}{-x-2}$; puis démontrer (C_f) possède une asymptote oblique (D) dont on précisera une équation cartésienne. 1,25pt
- 5) Etudier les positions relatives de (C_f) et (D) 0,5pt
- 6) Montrer que $f'(x) = \frac{-x^2-4x-3}{(x+2)^2}$ pour tout réel $x \neq -2$ 0,5pt
- 7) Etudier les variations de f , puis dresser le tableau de variation de f 0,75pt
- 8) Ecrire une équation cartésienne de (C_f) au point d'abscisse $x_0 = 0$ 0,5pt

Exercice 2 (6points)

On considère la fonction définie par $f(x) = (x-2)e^{-x} + 1$

- 1- Déterminer l'ensemble de définition de f . 0,5pt
- 2- Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ et montrer que $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ 0,75pt
- 3- Justifier que la courbe représentative de f possède une asymptote horizontale dont on précisera l'équation. 0,25pt
- 4- Montrer que $f'(x) = (-x+3)e^{-x}$ et résoudre l'équation $f'(x) = 0$ 0,75pt
- 5- Etudier les variations de f , puis dresser son tableau de variations. 0,75pt
- 6- Représenter la courbe de f et son asymptote dans un repère orthonormé d'unité 1cm sur les axes. 1pt
- 7- Montrer que la fonction F définie par $F(x) = (-x+1)e^{-x} + x$ est une primitive de f 0,5pt

- 8- Calculer l'aire du domaine du plan délimité par la courbe de f , l'asymptote horizontale et les droites d'équations respectives $x = 2$; $x = 100$. 1,5pt

Exercice 3 (5points)

1- On donne $(x) = x^3 + 2x^2 - 5x - 6$

a) Calculer $m(2)$ 0,5pt

b) On admet que l'on peut trouver trois réels a , b et c tels que, pour tout réel x ,

$m(x) = (x - 2)(ax^2 + bx + c)$. Déterminer les réels a , b et c . 0,75pt

c) Déduire dans \mathbb{R} la résolution de l'inéquation : $e^{3x} + 2e^{2x} - 5e^x - 6 \leq 0$. 1,5pt

2- On considère le système suivant : (S) :
$$\begin{cases} 2x - 4y + z = 2 \\ -2x + 7y - 2z = -1 \\ x + y + z = 5 \end{cases}$$

a- Choisir le triplet solution de (S)

i) $(2; 1; -2)$ ii) $(-2; 1; -2)$ iii) $(2; 1; 2)$ iv) $(2; 1; 1)$ 0,75pt

b- En déduire les solutions du système :
$$\begin{cases} 2x^2 - 4e^y + \ln z = 2 \\ -2x^2 + 7e^y - 2\ln z = -1 \\ x^2 + e^y + \ln z = 5 \end{cases}$$
 1,5pt

Exercice 4 (4points)

Le tableau ci-dessous donne l'évolution du prix du kilogramme de cacao, dans un marché pour une période de 6 ans.

Année (X_i)	2020	2021	2022	2023	2024	2025
Prix (Y_i) en f	2900	3500	3000	3500	4400	5000

- 1- Représenter le nuage de points associés à la série $(X_i; Y_i)$, $1 \leq i \leq 6$ dans un repère orthogonal. On prendra 1cm pour 500f en ordonnée, l'année 2020 étant l'origine en abscisse et le prix de 1000f l'origine en ordonnée. 1,5pt
- 2- Déterminer une équation cartésienne de la droite d'ajustement linéaire de nuage par la méthode de Mayer. 1,5pt
- 3- Estimer le prix du kilogramme du cacao en 2026 1pt