



Exercice 1 :

5 points

- I. Madame TUEAM possède une entreprise de fabrication de gels hydroalcooliques. Le tableau suivant donne la répartition des 50 ouvriers de son entreprise en fonction de leurs âges:

| Ages | [20; 30[| [30; 40[| [40; 50[| [50; 60[| [60; 70[|
|-------------------|-----------|----------|----------|----------|----------|
| Nombre d'ouvriers | $n^2 + 3$ | 14 | $n + 3$ | 6 | 4 |

avec n est un entier naturel.

1. Montrer que $n^2 + n - 20 = 0$ et en déduire la valeur de n . 0,75 pt
 2. On suppose que $n = 4$.
 - a. Déterminer l'âge médian des ouvriers de cette entreprise. 1 pt
 - b. Construire l'histogramme représentant cette série statistique. On prendra 1cm pour 10 ans et 1cm pour 2 ouvriers. 1,25pt
- II. Soit (u_n) la suite définie par $\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = \frac{3u_n}{2u_n+3} \end{cases}$ pour $n \in \mathbb{N}$ la suite (v_n) définie par : pour tout $n \in \mathbb{N}, v_n = \frac{1}{u_n}$.
1. Donner u_1 . 0,25pt
 2. Montrer que (v_n) est une suite arithmétique dont précisera le premier terme et la raison. 1pt
 3. Exprimer v_n , puis u_n , en fonction de n . 0,75 pt

Exercice 2 :

3,5 points

- I. On considère les nombres complexes $z_1 = -1 + i\sqrt{3}$, $z_2 = -\sqrt{2} - i\sqrt{2}$ et $z = \frac{z_2}{z_1}$.
- a) Mettre sous forme trigonométrique z_1 , z_2 et z . 1,5pt
 - b) Mettre z sous forme algébrique. 0,75pt
 - c) En déduire les valeurs exactes de $\cos(\frac{7\pi}{12})$ et $\sin(\frac{7\pi}{12})$. 1,25pt

Problème :

11,5 points

Ce problème comporte deux parties A et B indépendantes.

PARTIE A

8,75 points

On considère la fonction numérique de la variable réelle f définie par : $f(x) = \frac{x^2-3x+3}{x-1}$

On note (C_f) sa courbe représentative dans le repère orthonormé (O, I, J) ci-dessous ; l'unité sur les axes est le centimètre.

1. Déterminer le domaine de définition de f . 0,5 pt
2. Déterminer les limites de f aux bornes de son domaine de définition et en déduire une équation d'une asymptote à (C_f) . 1,25 pt
3. Montrer que $x \in D_f f'(x) = \frac{x(x-2)}{(x-1)^2}$ où f' est la fonction dérivée de la fonction .
En déduire le sens de variations de f . 1,25 pt
4. Dresser le tableau de variations de f . 0,75 pt
5. Montrer que le point $\Omega(1,-1)$ est un centre de symétrie de (C_f) . 1 pt
6. Déterminer les réels a, b et c tels que pour tout $x \in D_f, f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$. 1,25 pt

7. Montrer que la droite (T) d'équation $y = x - 2$ est asymptote oblique à (C_f) et étudier les positions relatives de (T) et de (C_f) . 1,25 pt
8. Représenter (C_f) et ses asymptotes dans le repère $(0,I,J)$. 1.5 pt

PARTIE B :

2,75 points

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O,I,J) ; l'unité sur les axes est 1cm .

On considère deux points du plan $A(-1,0)$ et $B(-1,\sqrt{3})$, et (\mathcal{C}) le cercle de centre B et de rayon $\sqrt{3}$.

1. Montrer que $A \in (\mathcal{C})$. 0,75pt
2. Donner une équation cartésienne de (\mathcal{C}) . 0,5pt
3. Donner une équation de la droite (T), tangente en (\mathcal{C}) en A. 1pt
4. Construire (\mathcal{C}) et (T) dans le repère $(0,I,J)$. 0,5pt