

**PARTIE A : EVALUATION DES RESSOURCES / 62 points**

**EXERCICE 1 :/ 12 pts**

On considère un triangle  $EFG$  isocèle en  $E$  de hauteur  $[EH]$  tel que  $EF = EG = 4\text{cm}$  et les points pondérés  $(E, 2)(F, x)$  et  $(G, x)$  où  $x$  est un réel strictement positif.

- 1) Démontrer que le barycentre  $K_x$  de ces points pondérés existe et construire  $K_0$ ,  $K_1$  et  $K_2$  **4pts**
- 2) Prouver que  $K_x \in [EH]$  **2pts**
- 3) On pose  $f(x) = EK_x$ .
  - a) Exprimer  $f(x)$  en fonction de  $x$ . **2pts**
  - b) Calculer la limite de  $f(x)$  quand  $x$  tend vers  $+\infty$  et en déduire la position de  $G_x$  quand  $x$  tend vers  $+\infty$ . **4pts**

**EXERCICE 2 :/ 22 pts**

Le plan est muni du repère orthonormé  $(O; I; J)$ . Soient les fonctions  $f, g, h$  et  $t$  définies

par  $f(x) = \frac{2x^2 - 7x + 5}{x - 3}$ ;  $g(x) = x^2 - 4x + 7$ ;  $h(x) = \frac{2x - 1}{x - 1}$  et  $t(x) = \frac{x^2 + 5|x| + 2}{|x| - 7} + \sqrt{|x|}$

- 1) Déterminer les ensembles de définition des fonctions  $f \circ g$  et  $g \circ f$ . **4pts**
- 2) Expliciter  $f \circ g(x)$  et  $g \circ f(x)$ . **4pts**
- 3) Montrer que le point  $A(3; 5)$  est centre de symétrie à la courbe de  $f$ . **2pts**
- 4) Montrer que la droite  $(D)$  d'équation  $x = 2$  est axe de symétrie à la courbe de  $g$ . **2pts**
- 5) Démontrer que  $h: \mathbb{R}/\{1\} \rightarrow \mathbb{R}/\{2\}$  est une application bijective. Déterminer sa bijection réciproque  $h^{-1}$ . **4pts**
- 6) Déterminer l'ensemble de définition de  $t$  et déterminer ses deux restrictions. **4pts**
- 7) Etudier la parité de  $t$ . **2pts**

**EXERCICE 3:/ 16 pts**

I:/ L'unité de longueur est le centimètre.  $ABC$  est un triangle rectangle en  $C$  tel que

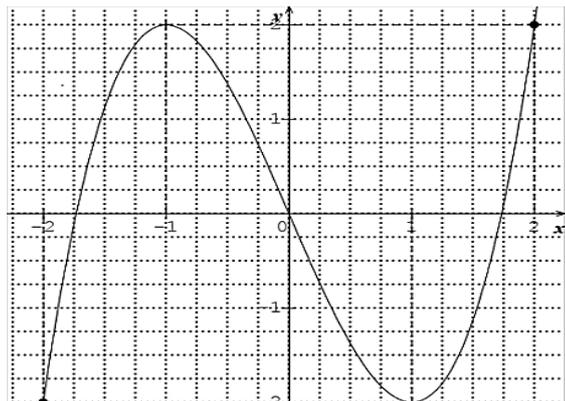
$BC = 2$  et  $AC = 3$ .  $I_m = \text{bar}\{(A, m^2 + 1); (B, 3m + 2); (C, -3)\}$  où  $m$  est un paramètre réel, et  $J$  le point du plan tel que  $\vec{BJ} = -\frac{3}{2}\vec{BC}$ .

- 1) Déterminer les valeurs possibles de  $m$  pour lesquelles  $I_m$  existe. **2pts**
- 2) Construire le triangle  $ABC$  et placer les points  $I_1$  et  $J$ . **3pts**
- 3) Montrer que  $J$  est barycentre des points  $B$  et  $C$  affectés des coefficients que l'on déterminera puis en déduire que les points  $A, I_1$  et  $J$  sont alignés. **3pts**

II:/ la courbe ci-contre est celle d'une fonction  $f$  définie

de  $[-2; 2]$  vers  $[-2; 2]$ .

- 1) Donner, en justifiant votre réponse, la parité de  $f$ . **2pts**
- 2) Dire en justifiant votre réponse si la fonction  $f$  est Injective, surjective ou bijective. **2pts**
- 3) construire la courbe de la fonction  $g$  définie par : **4pts**  
 $g(x) = f(|x|)$ .



### EXERCICE 4: 12 pts

1) On donne la fonction  $f$  définie par :  $\begin{cases} f(x) = x^2 - 1 \text{ si } x \in ]-\infty; 1[ \\ f(x) = 1 - \frac{1}{x} \text{ si } x \in [1; +\infty[ \end{cases}$  et la fonction  $g$  définie par :

$$g(x) = \frac{x^2+x-2}{x-1}.$$

- a) Etudier la continuité de  $f$  en  $x_0 = 1$ . 2pts  
b) Montrer que  $g$  admet en  $x_0 = 1$  un prolongement par continuité  $h$  et le définir. 3pts
- 2) On considère la fonction  $f$  définie par  $f(x) = x^3 + 4x^2 + 4x$  et la fonction  $g$  définie par  $g(x) = x^2 - x - 12$ . 2pts x 2= 4pts
- a) Démontrer que l'équation  $f(x) = -1$  admet au moins une solution dans l'intervalle  $[-3; 0]$ .  
b) Montrer que  $g$  garde un signe constant sur  $[-2; 3]$ .
- 3) Déterminer la valeur du nombre réel  $a$  pour que la fonction  $f$  soit continue en  $x_0 = 1$ .

$$\begin{cases} f(x) = 3x^2 + x + 2 \text{ si } x > 1 \\ f(x) = \frac{ax^2+3}{x+1} \text{ si } x \leq 1 \end{cases}$$

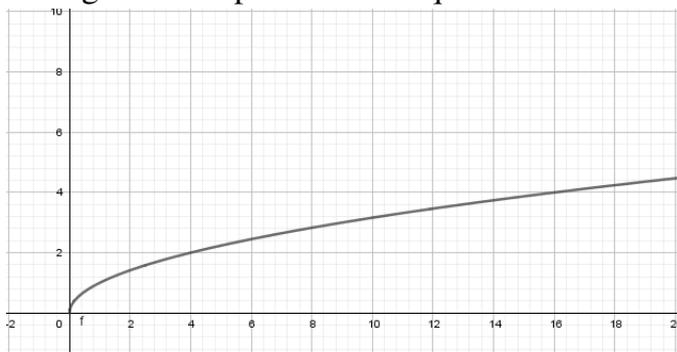
3pts

### PARTIE B : EVALUATION DES COMPETENCES / 18 points

**Compétences visées:** résoudre les situations de vie où interviennent les lignes de niveau ; les fonctions associées et les limites.

Monsieur BOUBA dispose de deux races de poulets. Une étude comparée a montré qu'à âge égal et nourri dans les mêmes conditions, un poulet de la deuxième ferme pèse 0,2 kg de plus que celui de la première ferme. Un chercheur se présente dans les deux fermes pour avoir une idée des variations du poids en fonction de l'âge des poulets. Ne disposant pas suffisamment du temps, il a pris les données et construit la courbe pour la première ferme (voir figure ci-dessous) et doit faire une présentation lors d'une réunion de compte rendu avec les deux courbes. AMINATA sa sœur veut prévoir deux bouches d'eau à incendie  $A$  et  $B$  distant de 100m dans sa société, à cet effet elle fait appel à un ingénieur qui lui demande de construire des forages en des points  $M$  tels que

$\overline{MA}^2 - \overline{MB}^2 = -800$ . ALI le fils de M. BOUBA travaille au ministère de la recherche scientifique. Avec ses collègues, ils ont montrés qu'une des conséquences du réchauffement climatique est la fonte des glaciers et ont modélisés cela par la fonction  $f: t \mapsto \frac{\sqrt{t+1}-3}{t-8}$ , la quantité de glaciers en fonction du temps (où l'unité du temps est le siècle).



**Tâche 1 :** Déterminer l'ensemble des positions où on pourra construire les forages. [6pts]

**Tâche 2 :** Donner, puis exécuter le protocole de construction de la deuxième courbe, à partir de celle de la première courbe que le chercheur devrait suivre pour ne pas faillir pendant sa présentation. [6pts]

**Tâche 3 :** Quelle quantité de glaciers restera-t-il lorsqu'on sera proche de 8 siècles ? [6pts]

**Examineurs:** Mme Ngatsbaï & Hamadou Gaga

Heureuse année 2021 !!!

*Albert Einstein* : « L'enseignement devrait être ainsi : celui qui le reçoit le recueille comme un don inestimable mais jamais comme une contrainte pénible. »