

La présentation et la clarté des raisonnements sont pour une part importante dans l'appréciation de la copie

PARTIE A : EVALUATIONS DES RESSOURCES

EXERCICE 1

Soit ABC un triangle. On note I et J les milieux respectifs des côtés $[BC]$ et $[AC]$.

On pose $BC = a$; $AC = b$ et $AB = c$.

1) Montrer le théorème d'Al Kashi : $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \hat{A}$. **0,5pt**

2) a) Exprimer le produit scalaire $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$ en fonction de b, c et $\cos \hat{A}$. **0,25pt**

b) En déduire que $\cos \hat{A} = \frac{\vec{AB} \cdot \vec{AC}}{bc}$. **0,25pt**

3) Déduire de ce qui précède que : $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = \frac{1}{2}(b^2 + c^2 - a^2)$. **0,5pt**

4) En utilisant un raisonnement analogue, montrer que $\vec{BA} \cdot \vec{BC} = \frac{1}{2}(c^2 + a^2 - b^2)$ et **0,5pt**

$$\vec{CA} \cdot \vec{CB} = \frac{1}{2}(a^2 + b^2 - c^2).$$

5) Montrer que $\vec{AI} = \frac{1}{2}(\vec{AB} + \vec{AC})$ et exprimer \vec{BJ} en fonction des vecteurs \vec{BA} et \vec{BC} . **0,5pt+ 0,5pt**

6) Montrer que $\vec{AI} \cdot \vec{BJ} = \frac{1}{4}(\vec{AB} + \vec{AC}) \cdot (\vec{BA} + \vec{BC})$. **0,5pt**

7) Montrer que $\vec{AI} \cdot \vec{BJ} = \frac{1}{8}(a^2 + b^2 - 5c^2)$. **0,5pt**

8) Déduire que $\vec{AI} \perp \vec{BJ} \Leftrightarrow a^2 + b^2 = 5c^2$. **0,5pt**

9) Démontrer que ABC est rectangle en A si et seulement si $\sin^2 \hat{A} = \sin^2 \hat{B} + \sin^2 \hat{C}$. **0,75pt**

10) Démontrer que $AB^2 + AC^2 = 2AI^2 + \frac{BC^2}{2}$ **0,75pt**

EXERCICE 2

1. Résoudre dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ les systèmes suivant : $\begin{cases} -2x + 5y = 3 \\ 7x - 12y = 16 \end{cases}$; $\begin{cases} x - y = 3 \\ 2x + y = 0 \\ x - 3y = 7 \end{cases}$. **1,5pt**

2. En déduire l'ensemble solution du système suivant : (S) $\begin{cases} -2|x| + 5\sqrt{y-2} = 3 \\ 7|x| - 12\sqrt{y-2} = 16 \end{cases}$. **1pt**

3. Résoudre dans \mathbb{R} le système d'inéquation $\begin{cases} 2x - 3y + 6 \geq 0 \\ x + 2y - 4 \leq 0 \end{cases}$. 1,5pt

EXERCICE 3

- 1) Factoriser le polynôme $A(x) = (2x - 1)^2 - (3 - 4x)^2$. 0,75pt
- 2) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $\frac{2x-1}{3-4x} = \frac{3-4x}{2x-1}$. 0,75pt
- 3) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $\frac{2x-1}{3-4x} \leq \frac{3-4x}{2x-1}$. 1pt
- 4) Le tableau ci-contre indique le signe d'un polynôme P

défini par : $P(x) = ax^2 + bx + c$, où a, b etc sont des réels et $a \neq 0$.

x	$-\infty$	-1	2	$+\infty$
$P(x)$	-	0	+	0

- a. Déterminer le signe de $P(0), P(3)$ et $P(-2)$. 0,75pt
- b. On suppose que $a = -1$. Déterminer alors les réels b et c . 1,5pt
- c. Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $P(x) > 0$. 0,25pt

PARTIE B : EVALUATIONS DES COMPETENCES

Les membres de l'association « **Les Matheux du COBILAD** » décident de faire des dons à un orphelinat au cours d'une année. Au mois de Janvier, ils décident d'acheter une cuisinière coûtant 250 000 FCFA. Mais après plusieurs négociations avec un commerçant du marché Mboppi, ce dernier leur accorde une première remise de $x\%$, suivie immédiatement d'une seconde remise d'un taux de $(x - 5)\%$ et ils achètent finalement cette cuisinière à 213 750 FCFA.

Au mois de Juin, tous les anciens membres de cette association décident de contribuer à parts égales pour offrir des matelas d'une valeur totale de 840 000 FCFA à cet orphelinat. Mais juste avant de commencer les contributions, six nouveaux membres viennent s'inscrire et s'ajoutent aux premiers membres pour y participer aussi. La contribution de chacun des membres diminue alors de 7000 FCFA.

Au mois de décembre, ils décident d'offrir un terrain rectangulaire de $720m^2$ dont la longueur dépasse la largeur de $6m$ pour la construction de cet orphelinat.

Tâches

1. Déterminer la valeur de la seconde remise lors de l'achat de la cuisinière. 1,5pt
2. Déterminer le nombre d'anciens membres de cette association. 1,5pt + 1,5pt
3. Déterminer la longueur du fil de fer nécessaire pour sécuriser le terrain de cet orphelinat

PRESENTATION

0,5pt

EXAMINATEUR : M. NANTCHOUANG PATRICK