

**LE GRAND CEREX****TRAVAUX DIRIGES CONGES DE NOEL****THEME : FONCTIONS NUMERIQUES, EQUATIONS ET BARYCENTRE****Classe : Première CD****Examineur : jules FOTSO****EXERCICE 1**

1. Dans chacun des cas suivants, écrire E comme barycentre des points I et J.

a)  $\vec{IE} = -3\vec{IJ}$  b)  $3\vec{IB} + 5\vec{BJ} - 2\vec{BE} = \vec{0}$ .

**EXERCICE 2**

A, B et C sont des points tels que l'indique la figure ci-dessous, écrire chacun d'eux comme barycentre des deux autres.

**EXERCICE 3**

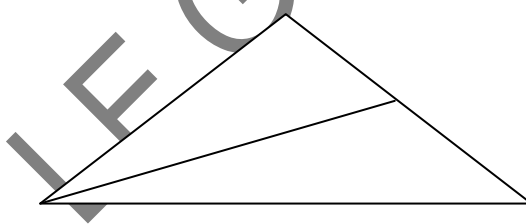
ABCD est un parallélogramme. Ecrire chacun des points comme barycentre des trois autres.

**EXERCICE 4**A et B sont deux points du plan. Soit m un réel, on nomme  $G_m$  le barycentre des points pondérés (A ;  $2m^2 - 1$ ) et (B ;  $-m - 2$ ).a) Discuter suivant les valeurs de m l'existence de  $G_m$ .b) On suppose que AB=4cm. Construire  $G_1$ .**EXERCICE 5**

1. ABC est un triangle comme l'indique la figure ci-dessous.

a) Construire le point E du plan tel que:  $\vec{AE} = \frac{-3}{2}\vec{AB} + \frac{2}{3}\vec{AC}$ .

b) Ecrire E comme barycentre des points A ; B et C.

**EXERCICE 5**

1. ABC est un triangle. Soit G le barycentre des points pondérés (A ; 2); (B ; 3) et (C ; -1).

a) Construire les points E ; F et H tels que  $\vec{GE} = \vec{GA}$ ,  $\vec{GF} = \frac{3}{2}\vec{GB}$  et  $\vec{GH} = \frac{-1}{2}\vec{GC}$ .

b) Montrer que G est le centre de gravité du triangle EFH.

**EXERCICE 6**

ABCD est un quadrilatère quelconque.

Construire le point G, barycentre des points pondérés (A ; 3) , (B ; 2) , (C ; 1) et (D ; 2)

**EXERCICE 6 (uniquement C)**

Une bibliothécaire souhaite acheter des livres de deux types : des romans (à 10 euros la pièce) et des livres de poésie à (5 euro la pièce). Elle souhaite :

$C_1$  : acheter au moins 6 livres de poésie

$C_2$  : acheter au moins deux fois plus de romans que de livres de poésie

$C_3$  : ne pas dépenser plus de 200 euros.

On note  $x$  le nombre de romans et  $y$  le nombre de livres de poésie que l'on peut acheter.

1. Traduire par un système d'inéquations les trois contraintes  $C_1, C_2, C_3$ .
2. Résoudre graphiquement le système. (Unité graphique : 1cm pour 2 livres sur chaque axe)
3. On décide d'acheter 21 livres. Quelles sont les différentes possibilités d'achat ?
4. On décide d'acheter 25 livres. Quelles sont les différentes possibilités d'achat ?
5. Quel est le nombre maximum de livres pouvant être achetés ? (On précisera la répartition entre le nombre de romans et le nombre de livres de poésie)

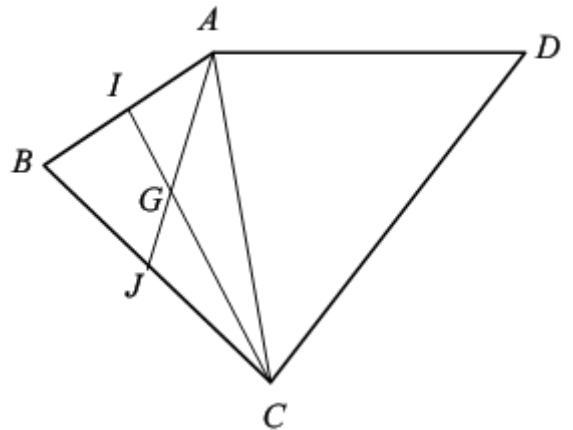
### EXERCICE 7

ABCD est un quadrilatère.  $G$  est le centre de gravité du triangle ABC.  $I$  et  $J$  sont les milieux respectifs de  $[AB]$  et  $[BC]$ .  $L$  est barycentre de  $(A, 1)$  et  $(D, 3)$  et  $K$  le barycentre de  $(C, 1)$  et  $(D, 3)$ .

Le but de l'exercice est de démontrer que les droites  $(IK)$ ,  $(JL)$  et  $(DG)$  sont concourants.

Pour cela, on utilisera le barycentre  $H$  de  $(A, 1)$ ,  $(B, 1)$ ,  $(C, 1)$  et  $(D, 3)$ .

1. Placer, en justifiant, les points  $L$  et  $K$ . 2pts
2. Démontrer que  $H$  est le barycentre des Points  $G$  et  $D$  munis des coefficients que l'on précisera. 1.5pts
3. Démontrer que  $H$  est le barycentre des points  $J$  et  $L$  munis des coefficients que l'on précisera. 1.5pts
4. Démontrer que  $H$  est le barycentre des points  $I$  et  $K$  munis des coefficients que l'on précisera.
5. Conclure.



### EXERCICE 8

A et B sont deux points distincts tels que  $AB=2\text{cm}$ .

On considère le barycentre  $G$  de  $(A, 3)$  et  $(B, 1)$

a. Construire le point  $G$ . Calculer  $GA$  et  $GB$

b. Pour tout point  $M$  du plan, exprimer  $3MA^2+MB^2$  en fonction de  $MG$ .

### EXERCICE 9

On considère le polynôme  $P$  défini par :  $P(x) = 2x^3 - 3x^2 - 11x + 6$ .

- 1- On admet que  $P$  a 3 racines  $a, b$  et  $c$ . sans calculer ces racines, déterminer les valeurs de  $A = a + b + c$ ;  $B = abc$ ; et  $C = \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}$ .
- 2- a- Calculer  $P\left(\frac{1}{2}\right)$  et conclure.  
b- Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $P(x) = 0$ .  
c- Dresser le tableau de signes de  $P(x)$ .

d- Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation (I) :  $\frac{2x^3-3x^2-11x+6}{-x+1} < 0$ .

### EXERCICE 10

$ABC$  est un triangle équilatéral de côté 4 cm.  $P$  est le milieu de  $[AB]$ ,  $G$  est le milieu de  $[PC]$ ,  $K$  est le point tel que  $\overrightarrow{CK} = \frac{1}{3}\overrightarrow{CB}$  et  $J$  est le barycentre des points  $(A,1)$  et  $(C,2)$ .

- 1- Faire la figure où vous placerez les points  $P$ ,  $G$ ,  $K$  et  $J$ .
- 2- Ecrire  $K$  comme barycentre des points  $B$  et  $C$  affectés des coefficients à déterminer.
- 3- Démontrer que les points  $A$ ,  $G$  et  $K$  sont alignés. Démontrer que les droites  $(AK)$ ,  $(BJ)$  et  $(CP)$  sont concourantes en un point à préciser.
- 4- Soit  $(C)$  l'ensemble des points  $M$  du plan tels que  $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}\| = 16$ .
  - a) Déterminer le réel  $k$  tel que pour tout  $M$ ,  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC} = k\overrightarrow{MG}$ .
  - b) Déduire la nature de  $(C)$  et le construire.

### EXERCICE 11

I- on considère les fonctions  $f : \mathbb{R} \text{ vers } \mathbb{R}$  tel que  $f(x) = \frac{4x^2+1}{2x^2+1}$  et la fonction  $g$  tel que  $g(x) = \sqrt{\frac{1}{2}x - 1}$

1 -Justifier que  $f$  est une application.

2 a-sans calculer explicitement  $f \circ g(x)$ , déterminer le domaine de définition de  $f \circ g$ .

b-donner une expression de  $f \circ g(x)$ .

II-on donne la courbe ci-dessous celle d'une fonction  $h$  définie sur  $[-6; 5]$ . Utiliser la pour répondre aux questions qui vous sont posés.

1. Résoudre graphiquement chacune des équations et inéquations suivantes

a)  $h(x) = -2$  ; b)  $-2 \leq h(x) \leq 0$  c)  $h(x) > 0$

b) Construit au crayon la courbe de la fonction  $g$  définie par  $g(x) = -h(-x)$ .

c) Construit au stylo bleu la courbe de la fonction  $f$  définie par  $f(x) = |h(x)|$ .

d) Construit au stylo noir courbe de la fonction  $t$  définie par  $t(x) = h(|x|)$ .

2. Discuter suivants les valeurs du paramètre  $m$  le nombre de solution de l'équation  $h(x) = m$ .

