

TD DE PHYSIQUE

Partie A : Evaluation des ressources / 11 pts

**Exercice 1**

Deux charges ponctuelles inconnues  $q_1$  et  $q_2$  sont situées à une distance  $l$  l'une de l'autre. En un point situé sur la droite les reliant, au tiers de la distance qui les sépare et plus proche de  $q_2$  que de  $q_1$ , le champ électrique est nul. Que peut-on dire du signe et des valeurs des deux charges ?

**Exercice 2**

1) La pression  $P$  d'un gaz de volume  $V$  et de température absolue  $T$  sont liés suivant l'équation des gaz  $(P + \frac{A}{V^2})(V - B) = CT$  où  $A$ ,  $B$  et  $C$  sont des constantes: Déterminer les unités et les dimensions de  $A$ ,  $B$  et  $C$ .

La vitesse  $v$ , des ondes surfaciques dans un liquide peut-être liée à leur longueur d'onde  $\lambda$ , la tension superficielle du liquide  $\sigma$  et sa densité volumique  $\rho$  par l'équation suivante :  $v = K\lambda^\alpha\sigma^\beta\rho^\gamma$  où  $K$  est une constante sans dimension.

2) Déterminer les valeurs de  $\alpha$ ,  $\beta$  et  $\gamma$  en utilisant les dimensions.

**Exercice 3**

1) Définir surface équipotentielle

2) Montrer s'il existe un vecteur champ électrique  $\vec{E}$  colinéaire à un vecteur  $\vec{n}$  où  $\vec{n}$  est un vecteur normal au plan (P) alors le plan (P) peut être considéré comme une surface équipotentielle

3) Dans un repère  $(o, \vec{i}, \vec{j})$  on note  $V_o$  le potentiel au point  $o$ , montre que le potentiel à un point  $M$  quelconque est  $V_M = V_o - Er \cos \alpha$  où  $r = \|\vec{OM}\|$  et  $\alpha = (\vec{i}, \vec{OM})$

4) Montrer que le travail de la force électrique qui agit sur une charge se déplaçant sur une surface équipotentielle est nul

**Exercice 4**

- 1) Déterminer à quel instant et pour quelle élongation le mouvement d'équation :  $x = -12t^2 + 3t - 5$  change de sens
- 2) Soit la courbe paramétrée  $\gamma : [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}^2 \quad \gamma(t) = (t - \sin t, \cos t)$ 
  - a) Déterminer l'expression de sa longueur  $\Gamma$
  - b) Détermine le vecteur unitaire tangent  $\vec{T}$  et l'accélération tangentielle
- 3) Deux projectiles de vitesses initiales  $V_1$  et  $V_2$  tels que  $V_1 V_2 = \gamma$  ( voir figure )
  - a) Etablir l'équation de la trajectoire du projectile 1 en fonction de  $\alpha$
  - b) Etablir l'équation de la trajectoire du projectile 2 en fonction de  $\beta$
  - c) Montrer que si les deux projectiles s'interceptent au point B, alors on peut avoir  $\frac{1}{v_1^2} - \frac{1}{v_2^2} = \frac{2h}{kg\alpha^2}$  où k est une constante à déterminer NB :  
 $\tan \alpha \tan \beta = 1$
  - d) En déduire les expressions de  $V_1$  et  $V_2$  en fonction de h , a et g

### Exercice 5

On place trois corps identique de masse m au sommet d'un triangle rectangle isocèle en A tel que  $AB = a$

- 1) Faire une figure et représenter la force résultante que subit chaque corps de la part des deux autres
- 2) Déterminer  $F_{A/B}, F_{B/A}, F_{A/C}, F_{C/A}, F_{B/C}, F_{C/B}$
- 3) Déterminer  $F_A, F_B, F_C$  (force résultante que subit chaque corps)
- 4) On place au point G centre de gravité du triangle ABC une masse m' et on considère trois vecteurs du plans  $\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}$  (unitaire) qui ont la même direction et sens respective des forces  $\vec{F}_{A/G}, \vec{F}_{B/G}, \vec{F}_{C/G}$ 
  - a) Donner l'expression de  $\vec{F}_G$  force que subit la masse m' de la part des trois autres masses
  - b) Montrer que pour  $m = m'$ , on a  $\vec{F}_G = \left(\frac{m}{a}\right)^2 G \left(\frac{9}{2}\vec{u} + 3(\vec{v} + \vec{w})\right)$
  - c) Montrer par son expression que  $\vec{F}_G$  a la direction de  $\vec{u}$  C.A.D  
$$\vec{F}_G = \left(\frac{9}{2} - \sqrt{6}\right) \left(\frac{m}{a}\right)^2 G \vec{u}$$
  - d) Calculer  $\vec{n} \cdot \vec{F}_G, \vec{u} \cdot \vec{F}_G, \vec{v} \cdot \vec{F}_G, \vec{w} \cdot \vec{F}_G$  où  $\vec{n}$  est un vecteur normal au plan (ABC)
  - e) Donner l'expression de  $\vec{F}_O$  où O est un point situé sur la perpendiculaire au plan (ABC) passant par le point G tel que  $OG = a$

B) Répondre aux questions de la partie A en remplaçant les corps de masse  $m$  et  $m'$  par des charges  $q$  et  $q'$

### Exercice 6

On considère une plaque parallépipédique **ABCDEFGH** homogène de largeur  $a$ , de longueur  $b$ , d'épaisseur  $e$  et de masse volumique  $\rho$  disposé verticalement. On rote autour du point C d'un angle  $\alpha$  tel que  $\alpha$  soit l'angle entre (CB) et l'horizontal.



- 1) Qu'appel-ton solide homogène ?
- 2) Montrer que  $W(\vec{p}) = \frac{1}{2}(\sqrt{a^2 + b^2} \cos[\tan^{-1}(\frac{a}{b}) - \alpha] - b)abepg$
- 3) Que devient ce résultat si la plaque est carrée et qu'elle tourne jusqu'à ce posé sur sa partie BC
- 4) Donner l'expression du travail du poids si :
  - a) La plaque est infiniment longue
  - b) La plaque est infiniment large
- 5) On place deux masses identiques au centre de gravité des triangles AGB et DGC ou G est centre de gravité de ABCD
  - a) Déterminer le moment d'inertie de la plaque au point G
  - b) Déterminer le moment d'inertie du système par rapport à un axe passant par le quart de l'une des diagonales
  - c) Déterminer la nouvelle position du centre de gravité de l'ensemble

### Exercice 7

Deux charges positives et égale sont placées aux point **A**  $(-a, 0)$  et **B**  $(a, 0)$  dans un repère  $(o, \vec{i}, \vec{j})$

- 1) Déterminer le champ électrique résultant crée au point **O**  $(0, 0)$
- 2) Montrer que le vecteur champs électrique résultant crée au point **M**  $(0, b)$  a pour expression  $\vec{E}_M = \frac{2kqb}{(a^2 + b^2)^{3/2}} \vec{j}$  et en déduire son module.
- 3) On se place dans le cas ou  $b \gg a$ 
  - a) Donner l'expression de ce champ . On pourra se servir de l'approximation suivante  $(1 + \varepsilon)^n \cong 1 + n\varepsilon$  avec  $\varepsilon \ll 1$
  - b) Montrer que en utilisant le fait que  $(1 + \varepsilon)^n \cong 1$  avec  $\varepsilon \ll 1$ , on a  $E_M = \frac{2kq}{b^2}$  et donner une interprétation physique du résultat.
  - c) Déterminer la marge d'erreur existant entre ces deux approximations

**Situation problème 1 :**

Deux élèves de Tle C du groupe de répétition « LE SUIVI », **KUETE** et **NYAMSI** font une expérience sur l'influence de différents paramètres sur la période d'un oscillateur mécanique. Elles utilisent à cet effet un ressort sur lequel est suspendue une masse. Dans un premier temps elles effectuent une série de la mesure de la période  $T$  et les résultats obtenus sont résumés dans le tableau ci-dessous :

N° de l'essai	1	2	3	4	5	6	7	8	9
( $\times 10^{-1} SI$ )	5,3	5,265	5,345	5,220	5,235	5,325	5,280	5,310	5,280

La valeur du mesurage de la masse suspendue est réalisée à l'aide d'une balance de précision portant l'indication « précision = 0,01 g ». On mesure :  $m = 200,18 \text{ g}$ .

Pour la détermination de la constante de raideur  $k$  du ressort, **KUETE**

souhaite utiliser la formule  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ . **NYAMSI** quant à elle pour l'évaluation de  $k$ , se propose d'exprimer la

constante de raideur du ressort en fonction de l'intensité du champ de pesanteur  $g$ , de l'augmentation de masse  $\Delta m = m' - m$  et l'allongement du ressort  $\Delta l = l' - l$  par la formule  $k = g \times \frac{m' - m}{l' - l}$ . Les valeurs expérimentales obtenues sont :  $l = 16,0 \text{ cm}$ ,  $l' = 23,0 \text{ cm}$ ,

$m = 200,184 \text{ g}$ ,  $m' = 400,224 \text{ g}$ . La mesure de ces valeurs est faite avec la balance précédente pour la masse et à l'aide d'une règle graduée dont une graduation correspond à 2 mm pour la longueur. La valeur de l'intensité du champ de pesanteur est de  $9,81 \text{ m. s}^{-2}$  connue à  $0,01 \text{ m. s}^{-2}$  près.

**Situation problème 2 :**

**Young** souhaite mesurer la tension aux bornes d'un dipôle, pour cela, elle connecte convenablement un voltmètre analogique de classe 2 aux bornes de ce dipôle. L'image ci-contre nous donne la configuration du voltmètre pendant l'opération.

