



TEL : 655 99 62 94
LE SUCCES



EPREUVE DE MATHEMATIQUE 1^{ere}C
EVALUATION DES RESSOURCES 15.5pts

EXERCICE 1 4pts

Le plan muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . Soit $\alpha \in]-\pi; \pi]$ un nombre réel. On considère les

points pondérés $(A; \sin\alpha)$, $(B; \sin\alpha)$ et $(C; 1)$; avec $A\left(\begin{smallmatrix} 0 \\ -2 \end{smallmatrix}\right)$, $B\left(\begin{smallmatrix} 0 \\ 1 \end{smallmatrix}\right)$ et $C\left(\begin{smallmatrix} 5 \\ 4 \\ 2 \end{smallmatrix}\right)$

1) a) Pour quelles valeurs de α la famille $\{(A; \sin\alpha); (B; \sin\alpha); (C; 1)\}$ admet-elle un barycentre G. 1 pt

b) Pour $\alpha = \frac{\pi}{2}$, montrer que le barycentre G de la famille $\{(A; \sin\alpha); (B; \sin\alpha); (C; 1)\}$ est le centre de gravité du triangle ABC, puis construire G. 1pt

2) On considère le point $I\left(\begin{smallmatrix} 0 \\ 4\cos^2\alpha \end{smallmatrix}\right)$ du plan.

Déterminer les valeurs de α pour les quelles $(AB) \perp (IC)$ 1pt

3) Déterminer et construire le lieu géométrique des points M du plan tel que :

$$\text{mes}(\widehat{MA, MB}) = -\frac{\pi}{4} \quad 1\text{pt}$$

EXERCICE 2 3pts

1. ABC est un triangle quelconque qui n'est pas équilatéral. A' , B' et C' milieux respectifs de $[BC]$, $[AC]$ et $[AB]$. On pose $AB = c$, $AC = b$; $BC = a$. Soit $\vec{u} = a^2\vec{BC} + b^2\vec{AC} + c^2\vec{AB}$

(a) Démontrer que $\vec{u} = (a^2 + b^2)\vec{AC} + (c^2 - a^2)\vec{AB}$ et déduire que $\vec{u} \neq \vec{0}$. 0,5pt

(b) Soit M un point du plan tel que $f(M) = a^2\vec{BC} \cdot \vec{MA}' + b^2\vec{CA} \cdot \vec{MB}' + c^2\vec{AB} \cdot \vec{MC}'$.

i. Calculer $f(O)$, O étant le centre du cercle circonscrit au triangle ABC. 0,5pt

ii. Montrer que $\vec{BC} \cdot \vec{GA}' = \frac{1}{6}(b^2 - c^2)$, G étant le centre de gravité du triangle ABC. et déduire $f(G)$. 1pt

(c) Calculer $f(M) - f(O)$ en fonction du vecteur \vec{u} . 0,5pt

(d) Déterminer l'ensemble des points M du plan tels que : $f(M) = 0$. 0,5pt

EXERCICE 3 3.75pts

1. Soit ABC un triangle avec : $AB = 3\sqrt{2}$, $BC = 2\sqrt{17}$ et $AC = 5\sqrt{2}$; I milieu de $[BC]$.

(a) Montrer que $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2\vec{AB} \cdot \vec{AC}$. et calculer le réel $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$. 0,5pt

(b) Calculer $\cos(\widehat{AB, AC})$ et déduire la nature du triangle ABC. 0,5pt

(c) Déterminer l'ensemble des points M du plan tel que : $MB^2 + MC^2 = 2524$. 0,5pt

(d) On donne $C(0, 3)$, $B(-2, -5)$ et $A(3, 0)$ donner une équation cartésienne du cercle circonscrit au triangle ABC. 0,75pt

2. Soit α un réel de l'intervalle $[0; \frac{\pi}{2}]$ tel que $\cos\alpha = \frac{2}{3}$.

(a) Calculer la valeur exacte de $\cos(3\alpha)$. 0,75pt

(b) Résoudre dans $[0; 2\pi]$ l'équation $\cos(3x) = \frac{2}{3}$. 0,75pt

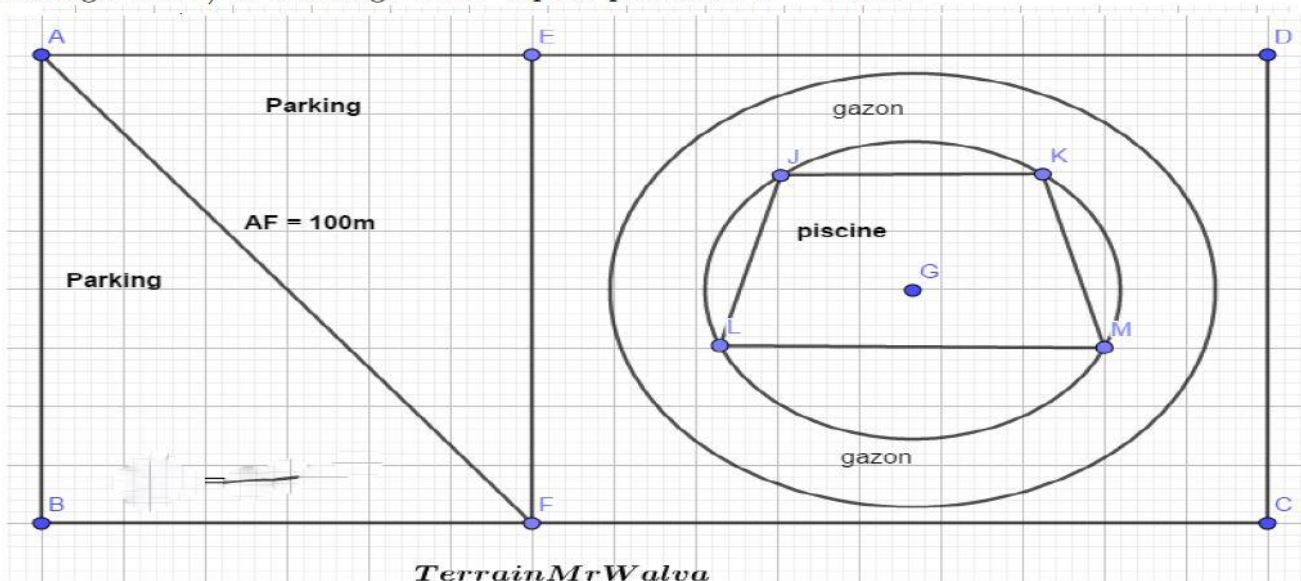
EXERCICE 4 4.75pts

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . Soit f la fonction définie par : $f(x) = \frac{-2x^2 + 5x - 3}{2-x}$.

- 1) a) Déterminer l'ensemble de définition de f , puis calculer les limites aux bornes de son Df . 0,5pt
 - b) En déduire que la courbe (C_f) de f admet une asymptote verticale (d_1) que l'on précisera. 0,25pt
- 2) a) Déterminer les réels a ; b et c tels que pour tout $x \in Df$, $f(x) = ax + b + \frac{c}{2-x}$. 0,75pt
 - b) En déduire une équation cartésienne de l'asymptote oblique (d_2) de (C_f) . 0,5pt
- 3) Étudier la position relative de (C_f) par rapport à (d_2) . 0,5pt
- 4) Montrer que le point $\Omega(2; 3)$ est le centre de symétrie de (C_f) . 0,5pt
- 5) Dresser le tableau de variations de f . 0.75pt
- 6) Construire (C_f) . 1pt

EVALUATION DES COMPETENCES 04.5pts

Mr Walva un grand entrepreneur de la place possède un terrain $ABCD$ qu'il aimerait viabilisé (construire une piscine gazonnée, et un Parking). Il fait appel à un ingénieur de surface pour une délimitation ; il sépare son terrain comme l'indique la figure ci-dessous. Mr Walva étant satisfait du découpage de son ingénieur aimerait connaître la surface de chaque espace (parking, piscine et gazon). l'ingénieur lui dit donc que : **La piscine** a la forme d'un trapèze $JKLM$ où les points J , K , L et M sont les points images sur le cercle trigonométrique des solutions dans $[0; 2\pi]$ de l'équation $(E) : -4\cos^2 x - 2(1 + \sqrt{3})\sin x + 4 - \sqrt{3} = 0$. (10m pour 1 unité) **L'ensemble des points M** couvert par le gazon vérifie la relation $8 \leq \| \vec{MP} - 5\vec{MQ} + 2\vec{MR} \| \leq 12$; avec $G = \text{bar}\{(P, 1); (Q, -5); (R, 2)\}$ et $(GP = GQ = GR = 6m)$. **Le parking** a la forme d'un rectangle $ABEF$ avec $AF = 100m$ (hypoténuse triangle rectangle ABF) et le triangle ABF a pour périmètre $P = 240m$.



Aider Mr Walva à déterminer la surface :

- | | |
|---|-------|
| Tache 1 : de La piscine . | 1,5pt |
| Tache 2 : de L'espace vert autour de la piscine (gazon) . | 1,5pt |
| Tache 3 : Du parking . | 1,5pt |