

**LYCEE DE MBALLA 2**  
**COURS EN LIGNE**

**classe : P D**  
**coef : 4**

**Département de mathématiques**

**Durée : 2h**

**SPECIALE PREPARATION AUX EXAMENS**

**NB : La clarté, la qualité de la rédaction seront pris en compte dans**

**Exercice 1 4,5 Pts**

On considère l'équation (E) définie par : (E) :  $-4\sin^2x - 2(1 - \sqrt{3})\cos x - \sqrt{3} + 4 = 0$ .

1. Montrer que (E) peut encore s'écrire la forme:  $4\cos^2x - 2(1 - \sqrt{3})\cos x - \sqrt{3} = 0$ . **1 pt**
2. a) Calculer :  $(2 + 2\sqrt{3})^2$  **0,5 pt**  
 b) Résoudre dans  $[0; 2\pi[$  l'équation (E). **2 pts**  
 c) Représenter les images solutions de (E) sur le cercle trigonométrique. **1 pt**

**Exercice 2 4,5 Pts**

Dans le plan (P), on considère un triangle équilatéral de sens direct ABC de côté 4 cm.

1. Déterminer puis construire le point  $G = \text{bar} \{(A, -1); (B, 1); (C, 1)\}$ . **1 pt**
2. Soit  $(\Gamma)$  l'ensemble des points M du plan tel que :  $-MA^2 + MB^2 + MC^2 = 17$ .  
 Déterminer puis construire  $(\Gamma)$ . **1,5 pt**  
**0,75 pt**
3. Déterminer puis construire chacun des ensembles des points M du plan suivants :  
 (E) :  $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 5$  ; et (F) :  $MA^2 + MB^2 = \frac{25}{2}$ . **1×2 pts**  
 (NB : toutes les constructions se feront dans la même figure).

**Exercice 3 6 Pts**

Soit  $(u_n)$  la suite numérique définie par :  $\begin{cases} u_0 = 4 \\ u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + \frac{2}{3} \end{cases}$

On considère le plan rapporté à un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

1. Représenter les cinq premiers termes de cette suite sur l'axe des abscisses. **1,5 pt**
2. Faire une conjecture sur le sens de variation et la convergence de la suite  $(u_n)$ . **0,75 pt**
3. Soit la suite  $(v_n)$  définie pour tout entier naturel  $n$  par :  $v_n = u_n - 1$ . **1 pt**
  - a) Montrer que la suite  $(v_n)$  est géométrique dont on donnera la raison  $q$  et le premier terme  $v_0$ . **1 pt**
  - b) Exprimer  $v_n$  puis  $u_n$  en fonction de  $n$ . **0,5 pt**
4. On pose :  $S_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$  et  $S'_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$ . Déterminer  $S_n$  et  $S'_n$  en fonction de  $n$ . **1×2 pts**

**Problème 10 Pts**

**partie A 2 Pts**

Le plan étant muni du repère orthonormal  $(O, I, J)$ . On considère la fonction  $f$  définie par :

$$f(x) = \frac{ax^2+bx}{x^2-4} ; \text{ où } a \text{ et } b \text{ sont des réels.}$$

Determiner les valeurs de  $a$  et  $b$  pour que la courbe  $(\mathcal{C}_f)$  de  $f$

- Passe par le point  $A(1; \frac{2}{3})$
- Admette au point d'abscisse 0 une tangente parallèle à la droite (D) d'équation :  $y = \frac{3}{4}x - 5$ .

**2pts**

**Partie B 8 Pts**

On considère la fonction  $g$  définie par :  $g(x) = \frac{x^2-3x}{x^2-4}$ .

1. Determiner  $D_g$  le domaine de définition de  $g$ , calculer les limites aux bornes de  $D_g$ , puis en déduire les équations des asymptotes de la courbe  $(\mathcal{C}_g)$  de  $g$ . **2 pts**
2. Déterminer les coordonnées de  $I$  point d'intersection de  $(\mathcal{C}_g)$  et son asymptote horizontale. **0,5pt**
3. Etudier les variations de  $g$  puis dresser son tableau de variation. **1,5 pt**
4. Construire avec le plus grand soin possible la courbe  $(\mathcal{C}_g)$  de  $g$ . **1,5 pt**
5. Résoudre graphiquement le système suivant :  $0 \leq \frac{x^2-3x}{x^2-4} < 1$ . **1 pt**
6. Représenter graphiquement la fonction  $h$  définie par :  $h(x) = g(-x)$ . **1,5 pt**

Si l'esprit d'un homme s'égaré faites-lui étudier les mathématiques car dans les démonstrations, pour peu qu'il s'écarte, il sera obligé de recommencer.. (Francis Bacon)