

Collège François Xavier Vogt		Année scolaire 2019 - 2020
Département de Mathématiques	MINI SESSION	Février, 2020
<b>EPREUVE DE MATHÉMATIQUES</b>		
Niveau : Tle A    Durée : 2h    Coef : 2		

**Exercice 1 (5pts)**

A. Résoudre dans  $\mathbb{R}$  :

(E1) :  $\ln(x-1) + \ln(x+2) = \ln 28$  3 (1.5pt)

(E2) :  $e^x - 30e^{-x} + 1 = 0$  (1pt)

B. a. Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  le système :  $\begin{cases} 2x - y = 7 \\ 3x + 4y = 5 \end{cases}$  (1pt)

b. En déduire les solutions du système suivant :

$$\begin{cases} \ln\left(\frac{x^2}{y}\right) = 7 \\ \ln(x^3 \cdot y^4) = 5 \end{cases}$$

3 2-5 (1.5pt)

**Exercice 2**

1) Résoudre dans  $\mathbb{R}^3$  :  $\begin{cases} x + y + z = 0 \\ -4x + 2y - z = -3 \\ 3x + 2y + z = -7 \end{cases}$  (1.5pt)

2) Soit  $f$  la fonction définie par :

$$f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + 6$$

Déterminer les réels  $a$ ,  $b$  et  $c$  sachant que :

$$f(1) = 6; \quad f(-2) = 0; \quad \text{et } f'(1) = -7$$

3) Soit le polynôme  $P(x) = -2x^3 - 3x^2 + 5x + 6$  (1pt)

a. Calculer  $p(-2)$  (0.5pt)

b. Montrer que  $p(x) = (x+2)(-2x^2 + x + 3)$  (0.5pt)

c. Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $p(x) = 0$  (1.5pt)

d. En déduire les solutions des équations suivantes :

E1 :  $-2(\ln x)^3 - 3(\ln x)^2 + 5\ln x + 6 = 0$  (1.5pt)

E2 :  $-2e^{3x} - 3e^{2x} + 5e^x + 6 = 0$  (1pt)

**Problème :**

Soit  $f$  la fonction numérique définie par :  $f(x) = x - 1 - 2 \ln x$

1) Déterminer  $D_f$  (0.5pt)

2) Calculer les limites aux bornes de  $D_f$  (1pt)

3) Calculer  $f'(x)$  et dresser son tableau de signe (2pts)

4) En déduire les variations de  $f$  (1pt)

5) Dresser le tableau de variation de  $f$ . (1pt)

6) Déterminer l'équation de la tangente (T) à la courbe (C) de  $f$  au point d'abscisse  $x_0 = 1$  (1pt)

7) Construire (T) et (C) dans un même repère. (Unité sur les axes : 2cm) (1pt)