

**EVALUATION DE MATHEMATIQUES : T<sup>le</sup> A**

Durée : 02h

Coef. 02

L'épreuve comporte deux exercices et un problème obligatoires

**EXERCICE I : 4points**

1. a) Résoudre dans  $\mathbb{R}^3$  le système  $\begin{cases} x + 3y - 2z = 2 \\ 5x - 2y + 3z = 6 \\ 4x - 3y - z = 0 \end{cases}$  **1,5pt**

b) En déduire la résolution dans  $\mathbb{R}^3$  du système  $\begin{cases} \ln x + 3 \ln y - 2 \ln z = 2 \\ 5 \ln x - 2 \ln y + 3 \ln z = 6 \\ 4 \ln x - 3 \ln y - \ln z = 0 \end{cases}$  **1pt**

2. Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations ci-dessous. **1,5pt**

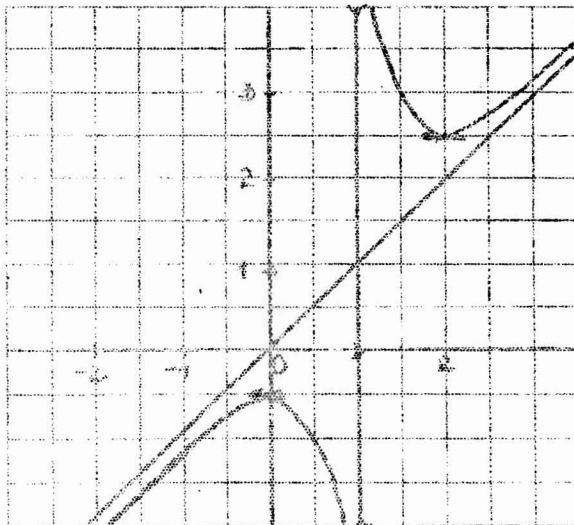
a)  $\ln(x^2 - 3) = 0$

b)  $\ln(x^2 - 1) = 0$

**EXERCICE II : 6points**

I.

La courbe ci-dessous est celle d'une fonction  $g$  définie sur  $]-\infty; 1[ \cup ]1; +\infty[$ . **2pts**



Compléter le tableau en cochant vrai ou Faux

	Affirmation	Vrai	Faux
1	Pour tout $x > 0, f(x) > 0$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
2	$f$ est décroissante sur $]1; +\infty[$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
3	$f'(2) = 0$ et $f'(0) = 0$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
4	(C) a deux asymptotes.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

II. On considère la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \ln(2 - x)$  et on désigne par (C) sa courbe représentative dans le repère orthonormé (O,I,J).

1. Déterminer l'ensemble de définition de  $f$ . **0,5pt**
2. a) Calculer la limite de  $f$  à gauche de 2, puis interpréter le résultat. **0,5pt**  
 b) Calculer la limite de  $f$  à  $+\infty$ . **0,5pt**
3. Calculer  $f'(x)$ , puis dresser le tableau des variations de  $f$ . **1,5pt**
4. Résoudre dans  $\mathbb{R}$ , l'équation  $f(x) = 0$ , puis calculer  $f(0)$ . **1pt**

**PROBLEME. 10 points**

*Le problème comporte deux parties obligatoires.*

**Partie A**

On considère la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{x^2+x+2}{x-1}$ .

1. Déterminer trois réels  $a$ ,  $b$  et  $c$  tels que pour tout réel  $x$  distinct de 1, on ait

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}. \quad \mathbf{1pt}$$

2. a) En déduire toutes les primitives de  $f$  sur  $]1; +\infty[$ .  $\mathbf{1,5pt}$

- b) Déterminer la primitive de  $f$  sur  $]1; +\infty[$  qui s'annule en 2.  $\mathbf{0.5pt}$

**Partie B**

$f$  est la fonction définie sur  $\mathbb{R} - \{1\}$  par  $f(x) = \frac{x^2+x-1}{x-1}$ .

1. Calculer les limites de  $f$  aux bornes de son ensemble de définition.  $\mathbf{1pt}$

2. Etudier le sens de variation de  $f$ , puis dresser son tableau des variations.  $\mathbf{1,5pt}$

3. a) vérifier que pour tout réel  $x$  distinct de 1,  $f(x) = x + 2 + \frac{1}{x-1}$ .  $\mathbf{0,5pt}$

- b) En déduire que la courbe (C) de  $f$  admet deux asymptotes, et donner des équations.  $\mathbf{1,5pt}$

4. a) Construire dans un repère (O,I,J) la courbe (C).  $\mathbf{1,5pt}$

- b) construire dans le même repère la courbe de la fonction  $g$  définie par  $g(x) = f(x) + 1$ .  $\mathbf{1pt}$