

MINESEC	EVALUATION HARMONISEE	ANNEE SCOLAIRE 2013-2014
Délégation régionale du littoral	Epreuve : Mathématiques	Séquence n°4
Délégation départementale du Wouri	Classe : 3eme	Durée : 2h
Bassin pédagogique n°1	Lycée d'Akwa	Coeff : 4

A/ ACTIVITES NUMERIQUES

Exercice N°1 :

- I. On considère les nombres $A = \sqrt{5} + 3$; $B = \sqrt{5} - 3$
- Calculer A^2, B^2 , et $A \times B$
 - Montrer que $\frac{A^2 + B^2}{7}$ est un entier naturel
- II. On pose $p = \frac{1}{3\sqrt{2} + 5}$
- Montrer que $p = \frac{5 - 3\sqrt{2}}{7}$
 - Sachant que $1,414 < \sqrt{2} < 1,415$. déterminer un encadrement de P d'amplitude 10^{-2}

Exercice N°2 :

- I. Associer à chaque numéro de question la lettre correspondant à la réponse juste
- La valeur exacte de $|-2 + \sqrt{3}|$
 - $-2 + \sqrt{3}$; b) $2 + \sqrt{3}$; c) $-2 - \sqrt{3}$; d) $2 - \sqrt{3}$
 - Dans \mathbb{R} le système d'inéquation $\begin{cases} 2x + 1 < 5 \\ -x + 4 > -2x + 5 \end{cases}$ à pour ensemble solution
 - $[1; 2]$; b) $]1; 2[$; c) $] \leftarrow ; 2[$; d) $]1; \rightarrow[$
 - On pose $p(x) = (2x - 3)(x - 2) + 4x^2 - 9$ une expression factorisée de $p(x)$ est :
 - $(2x + 3)(3x + 1)$; b) $(2x - 3)(3x + 1)$; c) $(3x - 1)(2x - 3)$; d) $(x - 3)(3x + 1)$
 - L'ensemble solution dans \mathbb{R} de l'équation $(2x - 3)(3x + 1) = 0$ est :
 - $\left\{ \frac{3}{2}; -3 \right\}$; b) $\left\{ \frac{3}{2}; \frac{-1}{3} \right\}$; c) $\left\{ \frac{2}{3}; -3 \right\}$; d) $\left\{ \frac{2}{3}; \frac{1}{3} \right\}$

B/ ATIVITES GEOMETRIQUES

Exercice N°1:

Le plan est muni du repère orthonormé (O, I, J)

- Placer les points $A(-2; 1)$; $B(2; 2)$ et $C(0; 3)$
- Calculer les distances AB, AC, et BC
- Démontrer que le triangle ABC est rectangle à C.

4. Déterminer le couple de coordonnées du point D tel que la quadrilatère ADBC soit un rectangle
5. On note I le milieu du segment $[AB]$
 - a. Détermine couple de coordonnées du point I'
 - b. Construire le cercle circonscrit au triangle ABC

Exercice N°2:

Répond par « vrai » ou « faux » aux propositions suivantes

1. Si \hat{A} et \hat{B} sont des angles complémentaires, alors $\sin \hat{A} = \cos \hat{B}$
2. Dans le plan rapporté à un repère orthonormé $(O;I;J)$
 - a. Les vecteurs $\vec{u}\left(\frac{1}{3};2\right)$ et $(1;6)$ sont colinéaires.
 - b. Les vecteurs $\vec{w}\left(\frac{1}{2};-\frac{1}{3}\right)$ et $\vec{v}(1;6)$ sont orthogonaux

C/ problème

On rappelle qu'un cône de révolution de hauteur h et de rayon de base R a pour volume

$$V = \frac{1}{3}\pi R^2 h ; \quad \sin 45^\circ = \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ on prendra } \pi = 3,14$$

- I. On considère le cône ci-contre sur lequel
 1. Calculer la longueur de la génératrice $[SA]$ et en déduire l'aire latérale de ce cône.
 2. Calculer le volume V en cm^3 de ce cône.
 3. Calculer le cosinus et sinus de l'angle \widehat{OSA} et en déduire une mesure en degrés.
- II. Une cuvette destinée à recueillir de l'eau a la forme d'un tronc de cône obtenue en sectionnant de sommet S et de rayon de base $[OA]$ par un plan parallèle à celui de sa base et passant par les points O' et A' milieux respectifs des segments $[SO]$ et $[SA]$
 1. Démontrer que $O'A' = \frac{1}{2}OA$.
 2. On désigne par V' le volume du cône de hauteur $[SO']$
 - a. Déterminer le coefficient de réduction k .
 - b. En déduire le volume V'
 - c. La cuvette pourra-t-elle contenir 500 cm^3 d'eau ? justifier.

