

CORRIGE SESSION INTENSIVE D'OCTOBRE 2018 : EPREUVE DE PHYSIQUE

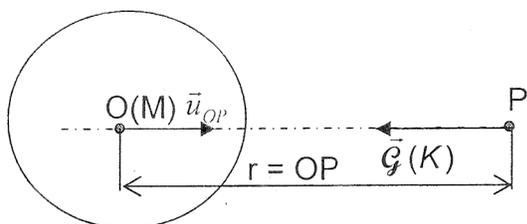
EXERCICE 1 : Forces de gravitation, Champ de gravitation / 6 points

NB : Les questions 1 et 2 sont indépendantes

On donne : constante de gravitation $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ S.I.}$; $g_0 = 9,8 \text{ m.s}^{-1}$; R_T (rayon de la Terre) = 6 380 km ; M_L (masse de la Lune) = $7,34 \cdot 10^{22} \text{ kg}$; $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \cdot 10^9 \text{ S.I.}$

11. Le corps est à répartition sphérique avec $\rho = \rho(r)$.

1.2.



1.3. $g_0 = G \frac{M_T}{R_T^2}$; $M_T = \frac{g_0 R_T^2}{G} = 5,98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$

1.4. $g = g_0 \frac{R_T^2}{(R_T + h)^2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{R_T^2}{(R_T + h)^2} \Rightarrow h = R(\sqrt{2} - 1) = 2643 \text{ km}$

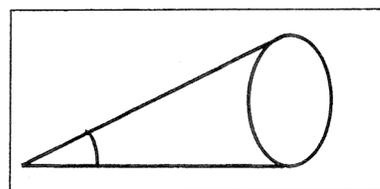
1.5. $g = 8,94 \text{ m.s}^{-2} \Rightarrow F = 8940 \text{ N}$

2.1. $g(z) = G \frac{M_T}{R_T^2} \cdot \left(1 + \frac{z}{R_T}\right)^{-2} \approx g_0 \cdot \left(1 - \frac{2z}{R_T}\right) \Rightarrow \left(g_0 - \frac{g(z)}{g_0}\right) = \frac{2z}{R_T} \Rightarrow \frac{z_M}{R_T} = 5 \cdot 10^{-4} \Rightarrow z_M = 3,2 \text{ km.}$

2.2.1. $\theta = \frac{l}{R_T} = 1,6 \cdot 10^{-3} \text{ rad} \approx 5'$

2.2.2.

$\tan \theta \approx \theta = \frac{D}{l'} \Rightarrow l' = \frac{D}{\theta} = 14,7 \text{ m}$



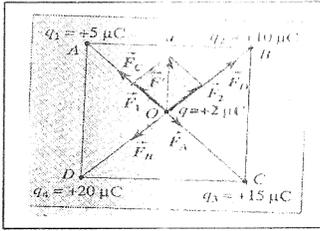
2.3. L'angle θ calculé précédemment étant très petit. Le champ de pesanteur terrestre est quasi uniforme dans un domaine de 3 km x 10 km x 10 km, sauf anomalies géologiques locales.

EXERCICE 2 : Forces électriques, Champ électrique. / 4 points

1.1. $\vec{F}_1 = 2eE_0 \vec{j} \Rightarrow F = 2 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 2500 = 8 \cdot 10^{-16} \text{ N.}$

1.2. $\vec{F} = -eE_0 \vec{j} \Rightarrow F = 4 \cdot 10^{-16} \text{ N}$

2- Champ électrique résultant



Soient les forces $\vec{F}_A, \vec{F}_B, \vec{F}_C, \vec{F}_D$ s'exerçant sur la charge électrique q placée en O ; elles sont toutes répulsives.

$$F_A = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q}{AO^2} \text{ avec } AO^2 = \frac{a^2}{2} \Leftrightarrow F_A = 18 \text{ N}$$

$$F_B = 2F_A \text{ car } q_2 = 2q_1; F_C = 3F_A; F_D = 4F_A$$

$$\text{On a donc : } \vec{F}' = \vec{F}_A + \vec{F}_B + \vec{F}_C + \vec{F}_D$$

En associant deux à deux les forces de même direction :

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_A + \vec{F}_C \text{ avec } F_1 = F_C - F_A = 2F_A$$

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_B + \vec{F}_D \text{ avec } F_2 = F_D - F_B = 2F_A$$

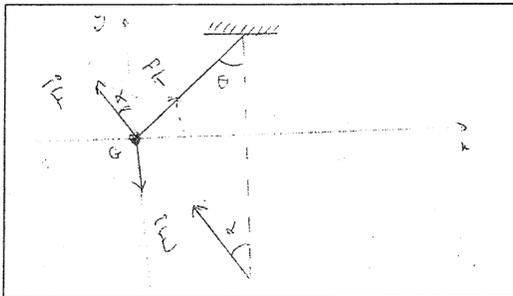
$$\text{donc } \vec{F}' = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$$

Le parallélogramme est un carré et la direction de \vec{F}' est perpendiculaire à AB ; sa valeur est

$$F' = 2F_A \sqrt{2} = 50,9 \text{ N.}$$

3. Pendule électrique

3.1.



3.2. L'angle θ

A l'équilibre $\vec{P} + \vec{T} + \vec{F} = \vec{0}$

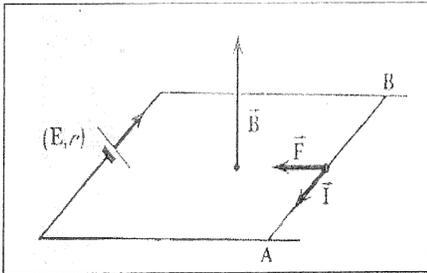
$$\begin{cases} -F \sin \alpha + T \sin \theta = 0 \\ F \cos \alpha + T \cos \theta = P \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} T \sin \theta = F \sin \alpha \\ T \cos \theta = P - F \cos \alpha \end{cases} \Rightarrow \tan \theta = \frac{F \sin \alpha}{mg - F \cos \alpha} \text{ or } F = qE$$

$$\tan \theta = \frac{qE \sin \alpha}{mg - qE \cos \alpha} \Rightarrow \theta = \tan^{-1} \left(\frac{qE \sin \alpha}{mg - qE \cos \alpha} \right) = 4,7^\circ$$

EXERCICE 3 : Forces et Champs / 6 points

NB : Les questions 1 et 2 sont indépendantes.

1. Force de Laplace.



L'élément du conducteur est soumis à une force de Laplace, s'applique au milieu de AB, donnée par $\vec{F} = I \vec{\ell} \wedge \vec{B}$ avec $\sin(\vec{\ell}, \vec{B}) = 1$ donc $\vec{F} = I \ell B \vec{u}$

D'après la loi de Pouillet : $I = \frac{E}{R+r}$ d'où $F = \frac{E}{R+r} \ell B$; A.N : $F = \frac{10}{4+1} \cdot 0,1 \cdot 0,5 = 0,1 \text{ N}$
 $F = 10^{-1} \text{ N}$

2. Calcul de m.

La tige AB en équilibre :

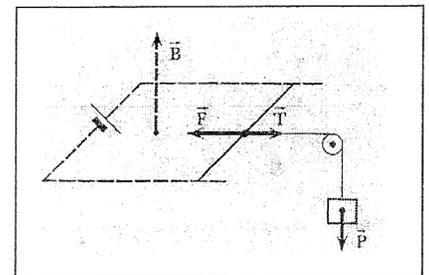
$$\vec{F} + \vec{T} = \vec{0} \text{ soit } F = T = P \text{ d'où } I \ell B = mg \rightarrow m = \frac{I \ell B}{g} = \frac{0,1}{10} = 0,01 \text{ kg} = 10 \text{ g}$$

3. Calcul de B.

A l'équilibre :

$$I \ell B = mg \text{ d'où } m = \frac{\ell B}{g} I \text{ il s'agit d'une fonction linéaire de } I. \text{ La pente de cette droite est } \frac{\ell B}{g}, \text{ soit, connaissant } \ell \text{ et } g$$

$$\frac{\ell B}{g} = \frac{0,1 B}{10} = 10^{-2} B \text{ sur le graphique, on lit } 10^{-2} B = 0,065, B = 6,5 \text{ T}$$



2. Superposition des champs. / 3 points

1.1. $q \cdot \vec{E} + q \cdot \vec{v} \wedge \vec{B} = \vec{0}$

1.2. \vec{B} vers l'arrière.

1.3. $v = \frac{E}{B} = 10^5 \text{ m.s}^{-1}$

2.1- $v = \sqrt{\frac{2qU}{m}} = \frac{E}{B} \Rightarrow U = \frac{m E^2}{2q B^2} = \frac{m E^2}{4e B^2}$ on a donc $U(m)$

2.2. $\frac{U_1}{U_2} = \frac{m_1}{m_2} \Rightarrow U_2 = \frac{m_2}{m_1} \cdot U_1 = \frac{5,0}{6,6} \cdot 100 = 75,8 \text{ V}$

EXERCICE 4 : Expérience de Millikan. / 4 points.

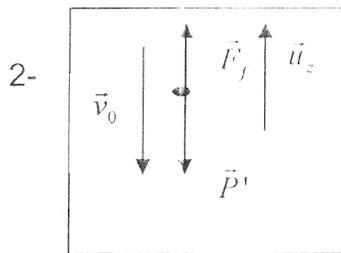
« Millikan constate que les gouttelettes portaient toutes une charge qui était un multiple entier d'une charge élémentaire attirée à l'électron ».

1- \vec{P} = poids de la gouttelette = $-\frac{4}{3} \pi r^3 \rho g \vec{u}_z$

$$\vec{P}_A = \text{Poussée d'Archimède} = \frac{4}{3} \pi r^3 \rho_0 g \vec{u}_z$$

$$\vec{F}_f = \text{force de frottement visqueux sur la sphère de rayon } r \text{ (loi de Stokes)} = -6 \pi \mu r \vec{v}$$

$$\vec{F}_e = \text{force électrique} = q \vec{E} \quad (0,25\text{pt} \times 4)\text{pt}$$



$$\text{avec } \vec{P}' = \vec{P} + \vec{P}_A$$

$$\vec{P} + \vec{P}_A + \vec{F}_f = \vec{0}$$

$$\text{Suivant } \vec{u}_z: \frac{4}{3} \pi r^3 (\rho_0 - \rho) g + 6 \pi \mu r v_0 = 0 \text{ soit}$$

$$v_0 = - \frac{2(\rho_0 - \rho) g r^2}{9 \mu}; v_0 > 0 (v_0 \square 0)$$

3- $U = U_1$; considérons la gouttelette immobile de charge q_0 :

$$\vec{F}_f = \vec{0} \text{ car elle est immobile donc on a: } \vec{P} + \vec{P}_A + \vec{F}_e = \vec{0} \text{ soit sur } \vec{u}_z:$$

$$\frac{4}{3} \pi r^3 (\rho_0 - \rho) g - q_0 \frac{U_1}{d} = 0 \Leftrightarrow q_0 = \frac{4}{3} \pi r^3 (\rho_0 - \rho) g \frac{d}{U_1} \text{ or } r = \sqrt{\frac{9 \mu v_0}{2(\rho - \rho_0) g}} d \text{ où}$$

$$q_0 = \frac{4}{3} \pi \frac{9 \mu v_0}{2(\rho - \rho_0) g} \sqrt{\frac{9 \mu v_0}{2(\rho - \rho_0) g}} g \frac{d}{U_1} (\rho_0 - \rho) = -18 \pi \frac{\mu v_0 d}{U_1} \sqrt{\frac{\mu v_0}{2(\rho - \rho_0) g}}$$

Remarque: $q_0 < 0$: normal car le poids effectif de la gouttelette $P + P_A \approx P$ est dirigé vers le bas, pour compenser cette force F_e doit être dirigée vers le haut $\rightarrow q_0 < 0$

4- Des gouttelettes ont un mouvement vertical ascendant or ces gouttelettes montent sous l'action de la force F_e qui est donc dirigée vers le haut $\rightarrow q_0 < 0$; F_e est donc plus intense ici que celle qui agit sur la gouttelette au repos. $|q_1| \square |q_0|$

$$\vec{P} + \vec{P}_A + \vec{F}_f + \vec{F}_e = \vec{0}; \text{ Suivant } \vec{u}_z: \frac{4}{3} \pi r^3 (\rho_0 - \rho) g + 6 \pi \mu r v_0 - q_1 \frac{U_1}{d} = 0$$

$$\rightarrow q_1 = \underbrace{\frac{4}{3} \pi r^3 (\rho_0 - \rho) g \frac{d}{U_1}}_{q_0} - \underbrace{6 \pi \mu r v_1 \frac{d}{U_1}}_{6 \pi \mu v_1 \frac{d}{U_1} \sqrt{\frac{9 \mu v_0}{2(\rho_0 - \rho) g}}} = -18 \pi \frac{\mu(v_1 + v_0)d}{U_1} \sqrt{\frac{\mu v_0}{2(\rho - \rho_0) g}} \quad 0,75\text{pt}$$

$$5- q_0 = -18 \pi \frac{1,8 \cdot 10^{-5} \cdot 4,91 \cdot 10^{-4} \cdot 2 \cdot 10^{-2}}{37440} \sqrt{\frac{1,8 \cdot 10^{-5} \cdot 4,91 \cdot 10^{-4}}{2 \cdot 1,25 \cdot 10^3 \cdot 9,81}} = -1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C} \quad 0,75\text{pt}$$

$$q_1 = q_0 \frac{v_0 + v_1}{v_0} = q_0 \frac{9,81}{4,91} = -3,2 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

- En mesurant d'autres vitesses ou en modifiant la tension U , Millikan a pu déterminer la charge de plusieurs gouttelettes de glycérine. Et il a constaté que les gouttelettes portaient toutes une charge qui était un multiple entier d'une charge élémentaire $e = |q| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ attirée à l'électron.