



EXERCICE 1:

1. Démontrer par récurrence que : $\forall n \in \mathbb{N}, 10^n - 1$ est divisible par 9. 1pt
2. Démontrer par récurrence que pour tout entier $n \geq 1, \sum_{k=1}^n k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$. 1pt
3. Une ménagère se rend au marché et achète des bananes, des mangues et des ananas dont les prix à l'unité sont respectivement 25F, 60F et 80F. Elle achète un total de 12 fruits pour une somme de 640F.
Déterminer le nombre de fruits de chaque variété. 1pt
4. Choisir la(les) bonne(s) réponse(s).
 - i) On donne $z = (1+i)^{100}$.
 - a) $z = 2^{100}$; b) $z = 2^{75}$; c) $z = 2^{50}$; d) $z = -2^{50}$. 0,5pt
 - ii) Le module et un argument de : $1 + e^{i\frac{\pi}{3}}$ sont respectivement :
 - a) $\sqrt{3}$ et $\frac{\pi}{3}$. b) $\sqrt{2}$ et $\frac{\pi}{6}$. c) $\sqrt{3}$ et $\frac{\pi}{6}$. d) aucun. 0,5pt

EXERCICE 2:

On considère le polynôme P de la variable complexe z défini par : $P(z) = 2z^4 - 6z^3 + 9z^2 - 6z + 2$.

- 1-Démontrer que si z_0 est racine de ce polynôme, les nombres $\frac{1}{z_0}$ et \bar{z}_0 sont aussi racines de ce polynôme. 0,5pt × 2
- 2-Calculer $(1+i)^2$; $(1+i)^3$; $(1+i)^4$, puis P(1+i). 0,25pt × 4
- 3-En déduire la résolution dans **C** de l'équation $P(z) = 0$. 1pt

EXERCICE 3:

\bar{z} désigne le nombre complexe conjugué de z. On appelle le nombre complexe défini par $Z = z^2 - 2\bar{z} + 1$.

- 1-On pose $z=x+iy$ où x et y sont des nombres réels. Calculer en fonction de x et y la partie réelle X et la partie imaginaire Y du nombre complexe Z. 1pt
- 2-Déterminer, puis représenter dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormal, l'ensemble de des points M d'affixe z et telle que Z soit un nombre réel. 1pt
- 3-Soit A, B et C les points images respectives des nombres complexes 1 ; $-1 + 2i$; $-1 - 2i$. Placer les points A, B, C, et montrer que le triangle ABC est rectangle isocèle. 1pt