

**EVALUATION N°01 DU DEUXIEME TRIMESTRE**  
**EPREUVE DE MATHEMATIQUES**

**Partie A : EVALUATION DES RESSOURCES/14,5points**

**Exercice 1 : 2,25points**

- 1) Déterminer  $\int x \sin(x^2) dx$ , en utilisant le changement de variable. **0,75pt**  
2) Calculer  $\int_0^{\frac{\pi}{6}} x^2 \sin(2x) dx$ , en utilisant l'intégration par partie. **1,5pt**

**Exercice 2 : 1,75point**

- 1) Déterminer l'écriture complexe de l'application  $f$  du plan dans lui-même dont l'expression analytique est :  $\begin{cases} x' = \frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y \\ y' = -\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y \end{cases}$ , puis déduire sa nature et ses éléments caractéristiques. **1,25pt**  
2) Démontrer que les points  $A(-5-i)$  ;  $B(3i)$  ;  $C(4-2i)$  et  $D(-6i)$  sont cocycliques, dans un plan complexe muni d'un repère orthonormé direct  $(O, \vec{u}, \vec{v})$ . **0,5pt**

**Exercice 3 : 3,5points**

- 1) Calculer les limites suivantes :  
a)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 + x - 1} - 2x$  ; b)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(3x) - 1}{x^2}$  ; c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3}{2x^2 - 1} - \frac{x^2}{x + 1}$ . **1,5pt**  
2) Etudier les branches infinies en plus infini des fonctions suivantes :  
a)  $f(x) = \frac{2\sqrt{x} - 3}{x + 2}$  ; b)  $g(x) = 2x - \sqrt{x + 1}$ . **2pts**

**Exercice 4: 7points**

- 1) On définit la fonction numérique  $f$  telle que :  $\forall x \in \mathbb{R}, f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 1$ .  
a) Etudier les variations de la fonction  $f$ . **1,25pt**  
b) En déduire que l'équation  $f(x) = 0$  admet une solution unique  $\alpha \in ]1,6; 1,7[$ , puis donner une valeur approchée de  $\alpha$  à 0,1 près. **1pt**  
2) On définit la fonction numérique  $h$  par :  $h(x) = \frac{x^3 + 1}{x - 1}$  et  $(C_h)$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O, I, J)$ .  
a) Déterminer les réels  $a, b, c$  et  $d$  tels que :  $h(x) = ax^2 + bx + c + \frac{d}{x - 1}$ . **1pt**  
b) Soit  $(\delta)$  la courbe de la fonction  $p$  définie par :  $p(x) = x^2 + x + 1$ .  
Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (h(x) - p(x))$ , puis conclure. **0,5pt**  
c) Etudier la position relative des courbes  $(C_h)$  et  $(\delta)$ . **1pt**  
d) Montrer que  $h'(x) = \frac{f(x)}{(x-1)^2}$ , puis déduire les variations de  $h$ . **1pt**  
e) Construire  $(C_h)$  et  $(\delta)$ . **1,25pt**

**Partie B : EVALUATION DES COMPETENCES/5,5points**

**ABDOURHAMAN**, décide d'étudier le mouvement de sa moto qui initialement est placée au point M d'abscisse  $f(t)$ , puis le fait déplacer sur une route rectiligne. Il observe le déplacement de la moto sur une période allant de 0 à 4h de temps fermée. L'abscisse de la moto à l'instant  $t$  est donnée par la relation :  $f(t) = -t^3 + t^2 + 8t + 1$ , sa vitesse par la relation :  $v(t) = f'(t)$ , et son accélération par la relation :  $a(t) = v'(t) = f''(t)$ . **ABDOURHAMAN** se rappelle que sur un intervalle de temps précis, le mouvement est accéléré si  $v(t) \times a(t) \geq 0$  et retardé si  $v(t) \times a(t) \leq 0$ .

**Tâches :**

- 1) Démontrer que l'abscisse du point M est nulle à un temps unique  $t_0 \in [0; 4]$  tout en précisant exactement l'intervalle de deux nombres décimaux consécutifs d'ordre 1 où  $t_0$  appartient. **2pts**
- 2) Déterminer l'abscisse et l'accélération de la moto à l'instant où sa vitesse est maximale. **1,5pt**
- 3) Déterminer les intervalles de temps sur lesquels le mouvement de la moto est accéléré ou retardé. **1,5pt**

**Présentation : 0,5pt**

**Examineur : M. Baayo Nana Honoré**